

#### <u>本稿のWebページ</u>





10回コインを投げたときに表の出る比率q/10を求める.これ を1組とする.1000組の結果について表の出る比率の分布を 作成せよ.





して 貼り付 ルップオ		-4.1 角		標準 ▼ 雪 ▼ % > *.00 >00 数値 □	副条件付き書式 調テーブルとして書 号セルのスタイル スタイル	<ul> <li>★</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> <li>#</li> </ul>	入 - Σ - A 除 - ■ - Z 試 - 2 - 74 ル	7 満 潜えと 検索と ルタ 選択 ・ 編集
	MMULT -	$( X \checkmark f_x =$	COUNTIF(\$B\$	15:\$ALM\$15,B _	18)/1000	_	_	*
	A	В	С	D	E	F	G	H 🍝
10		1	1	0	0	1	1	
11		0	1	0	0	1	1	
12		1	0	1	0	1	1	
13		1	1	1	0	0	0	
14	まか山≁ 比∞	0.6	0.4	0.5	0.0	0.5	0.4	
10	衣の山に比平	0.0	0.4	0.0	U.Z	0.0	0.4	0.
10		デニク区間・	拓庄					
		<u>/ — × 区間</u> 01	<u>99.12</u>		/\$15 B19)/1			
9		0.1	0.045		ιφτο, στολλη	~~~~		
20		0.3	0.0129					
21		0.4	0.202					
22		0.5	0.227					=
23		0.6			$\sim$			
24		0.7		ידידיז או דר	ር/ሰጉሰ1		ለሰነር ኮ	10)/100
25		0.8	=00	JUNII	F(2R21	5:\$ALI	М\$13,В	18)/100
26		0.9						
27		1	0	0 +				
28					0.1 0.2 0.3	0.4 0.5 0.6	0.7 0.8 0.9	91
29								
30	N. Cheatt (Charto	(Cheet2 / 87	/					<b>v</b>
	aneet1 sheet2	🗶 oneeta 🖉 🖓 🖉						







#### ■技 一括コピー ■

	<u>ا الم</u> الم	⇒ 中心極限	長定理」コイン投げ」横	黄方向にコピー前.xlsx	: - Microsoft Excel		_ 🗆 🗙		
	ホーム 挿入	ページ レイアウト	数式 データ お	校閲 表示 開発	アドイン Help	Acrobat チーム	🔾 🙆 – 📼 🗙		
Lai	「eX形式に変換								
	אַעקב – ב.	-6 *	f. – en until P1 F						
10	ALG 1			ALU		ALL			
11	1	1	0	0	1	0	1	$\searrow$	
12	1	1	0	1	י 0	1	1		•
13	1	1	0	1	0	1	1		一気に1000組日
14	•	•		•		•	· ·		
15	0.5	0.7	0.4	0.5	0.2	0.4	0.8		まで範囲指定で
16							1	R	モフ
17									さる.
18									
19				JNTIF( <b>範囲</b> , 検索条	<u>そ件)</u>				
20									
21									
22									
23									
24									
25									
20									
2/									
20									
30									
	N Sheet1 Sh	eet? Sheet3	*		4			r	
参照				U		145% 😑	+ .:		









	Į.	支一打	括コピ・	-(そ(	の3)	- M		x				
	ホー」 挿	入 ペー ) 数5	() <u>카</u> 니 校閲	表示開発	アドォ Help A	Acro   チー」 🤇	) — I	<b>x</b>				
」 貼り カリッ・	● よ ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ●	MS Pゴシック <b>B</b> <i>I</i> <u>U</u> 田 - <u>ふ</u> - フォント		三 配置 数	6 A 値 スタイル	Σ           セル           2	• 好 • • 品 • •				▲ الماما –	
	B4		- (0	<i>f</i> ∡ =INT(	6*RAND()+	-1)	nin 215	<b>^</b> ⁄	XII	- 勹	尓る	よで
	ALH	ALI	ALJ	ALK	ALL	ALM	ALI	綷	田北		がー	うキ
2								甲巳	КПĴF		.//~	
	10回のコ インポッド	10回のコ インポッド	10回のコ インボッギ	10回のコ インポッチ	10回のコ インポッチ	10回のコ インボッゴ		ろ	$\mathcal{O}$	<b>1</b>	続し	ナて
3	イン投け 第995組	イン投け 第996組	イン投け 第997組	イン投け 第998組	イン投け 第999組	イン投け 第1000組			-	., 		ノ ノ
4	0	1	0	0	0	0				7		を
5 6	1	0	0	1	1	0			17	_ 、よゞ	$\sim$	
7	1	0	0	0	0	1	V N	升十		こり	• り	
8	0	0	1	1	0	0	$\rightarrow$	+	_ <i>z</i>	╮╆┲		
10	1	1	0	0	0	1		7	- 2	. 14	• 9 •	
11	1	1	0	0	0	0						
12	1	0	0	0	1	0						
	▶ ▶ She	et1 Shee	t2 /Sheet3	, <b>t</b>	4							
		平均: 0	.5003 データ	の個数:1000	0 合計:50	03 🖽 🗆	10	0% .::				

	Į.	支一	括コピ	-(そ(	D3)	- M		X
	ホー」 挿	入 ペー ) 数5	히 카르 <u>기</u> 校閲	表示 開発	アドォ Help	Acro   チー」 🤇	) — I	
貼り	● よ ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ●	MS Pゴシック <b>B</b> <i>I</i> <u>U</u> 田 - <u>ふ</u> -		■ の 配置 数 下	6 A	世ル マル マル	· 好· · 品· ·	
	B4		- -	<i>f</i> ∡ =INT(	6*RAND()+	+1)	rm	一気に石端まで
	ALH	ALI	ALJ	ALK	ALL	ALM	ALI	<b>新田指定がでキ</b>
2								単い四ゴ日人にかってる
	10回のコ インボッギ	10回のコ インポッド	10回のコ インポッギ	10回のコ インボッゴ	10回のコ インボッギ	10回のコ インポッチ		るので、続けて
3	イン投け 第995組	イン投け 第996組	イン投け 第997組	イン投け 第998組	イン投け 第999組	12120) 第1000組		
4	0	1	0	0	0	0		Shift キーを
5 6	1	0	1	0	1	0		
7	1	0	0	0	0	1	k A	押しなから V
8	0	0	1	1	0	0	$\rightarrow$	ナーナー
10	1	1	0	0	0	1		イーを押り、
11	1	1	0	0	0	0		
12	1	0	0	0	1	0		
	► ► She	et1 /Shee	t2 /Sheet3		4	0		
		平均:0	.5003 データ	の個数:1000	00 合計:50	003 🖽 🗆	10	







Г

正規分布の式  
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right)$$
$$\mu: 平均 \\ \sigma: 標準偏差 \\ \sigma^2: 分散$$







$$\mu = 0, \sigma = 2 の とき$$

 $\mu = 0, \sigma = 1 のとき$ 







正規分布のグラフの意味



正規分布のグラフの意味







<u> </u>	<u>分布の</u>	)グラフ	<u>'の意味</u>	oft Excel		× • ×
によっていた。 「話り付( クリップィ	₩         B         Z         !           J         J         J         J           K		= = = □ = = = □ = = = ■ = = = ■ = = = ∞ = = = ∞ = = = ∞ = = ∞ = = ∞ = = ∞ = = ∞ = = ∞ = ∞	▼ % ・	計挿入・ 評 挿入・ 評 削除・ 開 書式・ セル 縦	· か・ ・ ・ ・ ・ ・
	SQRT	(° × √	ƒ∡ =NORMDIST(1,	B3, C3,1)		3
	Α	В	С	D	E	-
1	正規分布	の確率の	計算			
2		μ	$\sigma$			
3		0		1		
4						
5		=NORMD	IST(1, <mark>B3</mark> , C3,	1)		
6						
7						
8						
9						
10						
11						
12						
13						
14						
15						
4	▶ Sheet1 ∕S	heet2 /Sheet3	2			
編集				□ □ 145% (-)-	1	( <del>+</del> ) ,











	<u>正</u> ;	<u> 規分</u>	<u>・</u> 布の確	軍率の	)棒	グ	ラフ	70	<u>)//</u>	<u> </u>	<u> </u>					
「 した」 クリッ	平. 標		開発 7ドイン Help Acrobat チ・ 動条件付き書式・ 弱テーブルとして書式設定・ うセルのスタイル・ スタイル セル						チー/ シー シー シー シー シー シー シー ノ シー シー ノ シー シー ノ シー シー シー シー シー シー シー シー シー シー	A ② - 、 ( 位 本 ・ ( 位 来 と ( が よ) 、 後 索 と 、 通 、 、 、 、 、 、 、 、 、 、 、 、 、	• x					
	۵	B			F			(	3	F	4	I		.	ĸ	×
1	正規分布	 の確率の	 計質		L		1	,	u _	1	1	1		0		
2	ייינכאאידד												1			
3		μ 0	5 0 158113882				Λ	1		)						
4			0 0.100110000				U.		ろく							
5		×	理論値				•									
6		0.	1 0.011215085						Ľ	ヒ戸明	凹		-			
7		0.	2 0.043494801	03												
8		0.	3 0.114467707	0.5												
9		0.	4 0.204523961	0.25					_							
10		0.	5 0.248170366													=
11		0.	6 0.204523961	0.2												
12		0.	7 0.114467707													
13		0.	8 0.043494801	0.15											■理論値	
14		0.	9 0.011215085													
15			1 0.001961154	. 0.1												
16				0.05												
17				0.05												
18				0								_				
19					0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1		
20																
21																
22		l oot1 (Sho	at2 (Shaat2 /*	17												
	r i She	seu yone		*									1.00	x Q		<b>A</b>
													F100;		~	··· ···















ľ	シーホーム	挿入ペー	ジ レイアウ	ト数式	データ 相	交閲 表示	こ 開発	アドイン	Help Ac	robat チ	-4 0	_ =	x
MS Pゴシック・11 ● ③同じ操作を2度行っ ● 挿入・ Σ・ダ・ B I U A F ■ で, りリップボード 5 フォント 5 ■ 「」													
	A2		(		f <del>x</del>								¥
	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	К	L	
1	10回のユインを	投げる試行を	1000組行い	,正規分布	と対比させ	る							
2	<b>a</b>												-
4		10回のコイ ン投げ 第1組	10回のコ イン投げ 第2組	10回のコ イン投げ 第3組	10回のコ イン投げ 第4組	10回のコ イン投げ 第5組	10回のコ イン投げ 第6組	10回のコ イン投げ 第7組	10回のコ イン投げ 第8組	10回のコ イン投げ 第9組	10回のコ イン投げ 第10組	10回のコ イン投げ 第11組	
5		1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	C	)
6		1	1	0	0	0	0	0	1	0	1	C	2
7		1	1	0	0	0	0	1	1	1	1	1	
8		0	0	1	1	0	1	1	0	1	0	1	4
10		0	0	1	1	1	0	1	0	1	0 0	0	5
11		1	1	. 1	. 1	O	Ő	O	Ő	O	1	1	i l
12		0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	C	)
13		0	1	1	0	1	0	0	1	0	1	1	
14		1	0	0	1	0	0	0	0	1	1	1	L I
15	まかれた比索	0.5	0.0	0.7	0.5	0.0	0.1	~ 4	0.4		~ 7	0.5	- =
10	表の出た比率	0.5	0.6	0.7	0.5	0.3	0.1	0.4	0.4	0.6	0.7	0.5	2 -
17		デーな区間	頻度										-
19		0.1	0.007									L	-
20		0.2	0.041		0.3 T								
21		0.3	0.128					_					
22		0.4	0.171		0.25 -			_					
23		0.5	0.267										
24		0.6	0.211		0.2								_
25		0.7	0.128									-	-
20		0.8	0.036		0.15							系列1	
28		1	0.002										
29		I	0.002		0.1								
30													
31					0.05								
32													
33					0 +		, , ,						
34						0.1 0.0	0.0 0.4		c 07				

Ľ		挿入 ペー	ジ レイアウ	ト数式	データー枚		3)百	1)	握	乍	-7   ©	- =	×
	🚔 🖌	MS P⊐ೆ೨	/ック 🝷 1	1 -	<b>=</b>	=			1/1/1	I	- Σ	- <u>A</u> Y -	
	••• <sub>••</sub>	BZ	U - 🖌		ΞΞ	= 7	571	市な	$\vec{\tau}$	7	- 🗔	- #4 -	
貼	的付け 🚄 📗	·	- 1	T		(	<u>t</u>	文1	<b>」</b> ・ノ		, _	_	
			× A ×	É		NY/	<u>/</u> .	2 1-	<b>L</b> -		· ~		
[力]:	ップボード 🖻 🔤		12h	6	11111111111111111111111111111111111111	<u> </u>	行	を打	ヨ人			編集	
	A2		- (		$f_{x}$			<u>ر</u> ب		►			¥
	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	К	L	
	10回のコインを	投げる試行を	1000組行い,	正規分布と	:対比させる	5							
3	s												-
4													
		10回のコイ ン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	10回のコ イン投げ	
5		第1組	第2組	第3組	第4組	第5組	第6組	第7組	第8組	第9組	第10組	第11組	
6		0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1
7		0	1	0	1	1	0	1	1	1	1	1	
8		0	1	1	1	1	0	1	0	0	0	0	<u> </u>
9		1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	<u> </u>
10		0	1	1	I	1		1	0	1	1	0	_
12		0	0	1	1	0	1	1	0	1	0	1	-
13		1	ŏ	ŏ	1	ŏ	1	1	ŏ	1	ŏ	1	
14		0	Ő	1	1	1	1	0	Ő	0	0	1	
15		1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	
16													
17	表の出た比率	0.3	0.3	0.4	0.6	0.6	0.7	0.6	0.3	0.5	0.4	0.4	4
18		一"。 万度日日	此百中东										-
19		도 특성조례	変則受 0.006										-
20		0.1	0.000		0.3 -								-
22		0.2	0.111		-								
23		0.4	0.178		0.25			_					
24		0.5	0.253										
25		0.6	0.234		0.2								
26		0.7	0.13										
27		0.8	0.031		0.15							-	_
28		0.9	0.011									杀列 <b>1</b> │	_
29		1	0		01		_						-
30													-
00					0.05							-	
07													
21 22 23 24 25 26 27 28 29		0.2 0.3 0.4 0.5 0.6 0.7 0.8 0.9	0.045 0.111 0.178 0.253 0.234 0.13 0.031 0.011		0.25 - 0.2 - 0.15 -							系列1	



「 日 ほり	は	<ul> <li>→ ・ 中心極</li> <li>ページ 数式 5</li> <li>Pゴシック ・</li> <li>I U ・ A 4</li> <li>- ▲ ・ 5</li> </ul>		)文字 ンメ	このフ	ノオン 2. 一方	く ト の こ ク 〕	のつ リッ	プルダ ック
0993		7425					編果		
	BZ	• (9	Jx n		<b>②</b> 下				
			C 1000如行い			<b>沔</b> 乂	. <del></del>		
2	10回のユイン	を <u>投り</u> る武 <u></u> てを	-1000 <u>和1</u> 丁V	,正規分	100	~ 7	、记己十日		
3			<u> </u>		m,	Sを	进力	Z	
4								≡	
		10回のコイ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10	
_		ン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	1	
5		第1祖	第2組	第3組	第4組	第5組	第6組	第	
		1	1	1	0	1	1		
8		0	0	1	0	1	1		
9		0	0	1	0	Ö	0		
10		1	0	1	0	0	0		
11		0	0	1	1	1	0		
12		1	1	0	1	1	1		1
13		0	0	1	0	1	0		
14		0	1	0	0	1	0	-	
	▶ ¥ Sheet1	/Sheet2 /Sh	eet3 🖓						
עקב	۳		データのイ	固数: 2 🖽	0 🛄 1009	× 🕞 —		( <del>]</del>	





見占り	- ■ B -				₩ %	· 2811	<ul> <li>評削除 •</li> <li>開書式 •</li> </ul>		- ーー 替えと 検索と LA - 選択・		
クリッチ	プボード ゅ	ノーニュート フォント		」LIII) 记置 「	数值	5	セル	*	扁集		
	SQRT	<b>-</b> (* )	X ✔ f <sub>x</sub> =	NO RMDIST	Г(В20+0.05	;,\$B\$3,\$C\$(	3,1)-NO RM	IDIST(B20-	-0.05,\$B\$3,	\$C\$3,1)	¥
	A	В	С	D	E	F	G	Н	Ι	J	
1	10回のコイン	を投げる試行	テを1 <u>0</u> 00組	行い,正規	見分布と対	比させる					
2		μ	σ								
3		0.5	0.158114								
4											
		10回のコイ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	10回のコ	1
		ン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	イン投げ	
5		第1組	第2組	第3組	第4組	第5組	第6組	第7組	第8組	第9組	â
6		1	0	1	1	0	0	1	1	0	
/		1	0	0	0	0	0	1	1	1	_
8		0	1	1	1	1	0	1	1	1	
9		0	0	1	1	1	0	1	0	1	=
10		0	I	U 1	I	1	1	U	0		_
10		0	1	1	1	1	1	1	1	0	
12		1	1	1	1	1	0	I	1	1	
17		0	1	0	0	0	1	0	1	1	
15		0	0	1	0	0	1	1	1	1	
16		V	0	1			I	1	1	1	
17	表の出た比率	0.3	0.5	0.7	0.6	0.6	0.5	0.7	0.7	0.7	
18	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,										
19		データ区間	頻度	理論値							
20		0.1	0.012	=NORMDI	ST( <mark>B20+</mark> 0.(	)5,\$B\$3,\$C	\$3,1)-NOF	MDIST( <mark>B2</mark>	<mark>0-</mark> 0.05,\$B\$	3,\$C\$3,1)	
21		0.2	0.046								
22		0.3	0.111								
23		0.4	0.206								
24		0.5	0.232								
25	▶ N Sheet1	Sheet2 Sh	eet3								
編集										6	÷.
									0	(	



2013年3月

#### 著者: 古橋武 名古屋大学工学研究科計算理工学専攻 furuhashi@cse.nagoya-u.ac.jp