

体験統計学

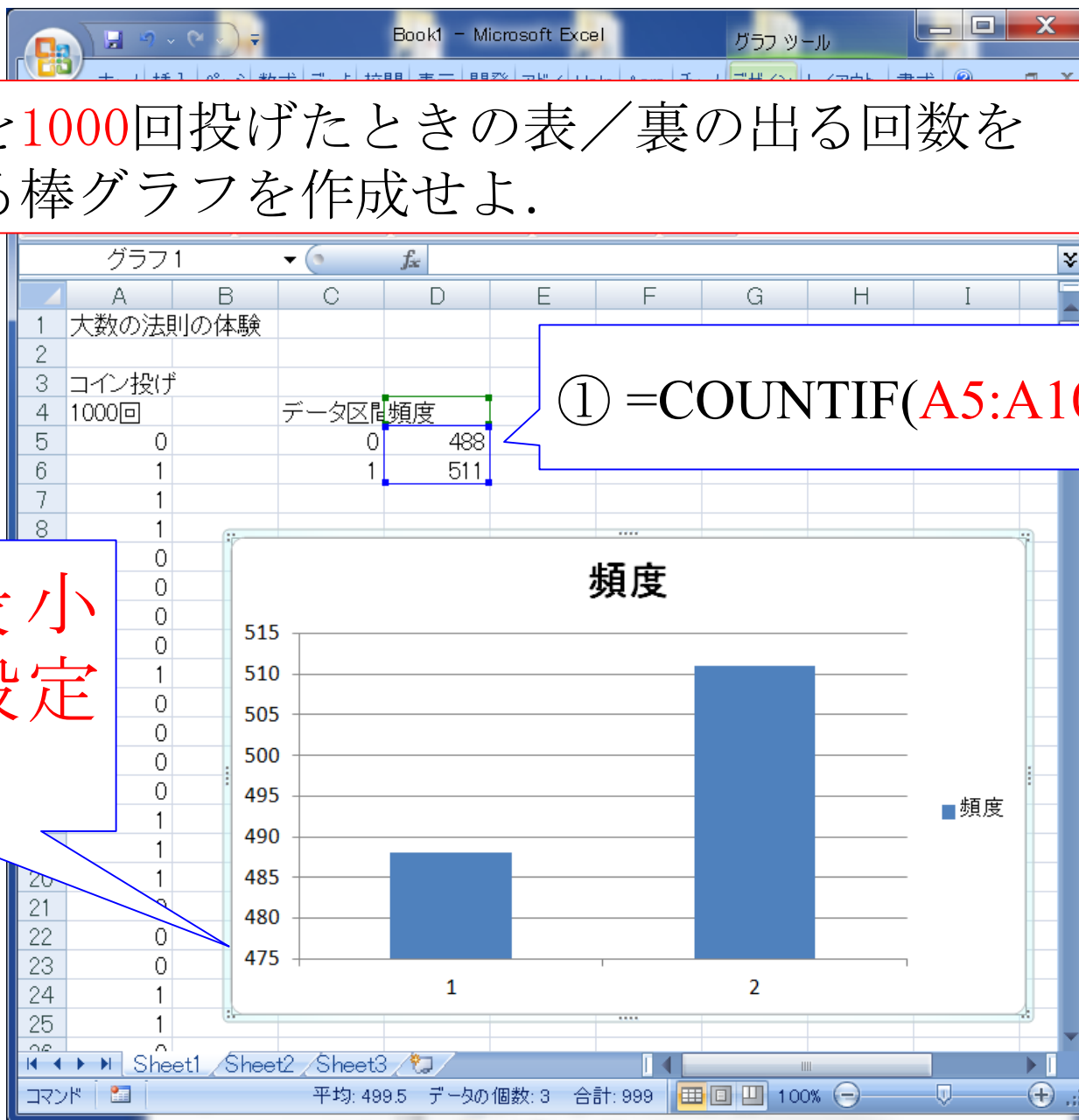
～第4回～

[本稿のWebページ](#)

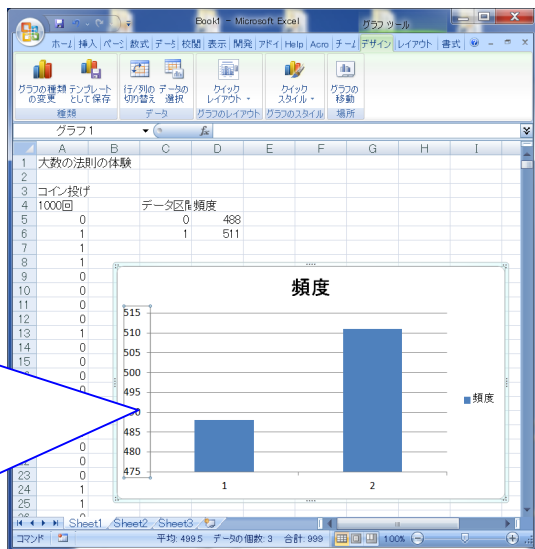
古橋 武

小テスト3-1 解答

コインを1000回投げたときの表／裏の出る回数を表示する棒グラフを作成せよ。



①縦軸の数字の辺りにカーソルを持ってきて左クリック



③最小値の固定の選択ボタンをクリックして、0を入力

軸の書式設定

軸のオプション

表示形式

塗りつぶし

線の色

線のスタイル

影

3-D 書式

配置

軸のオプション

最小値: 自動(A) 固定(E) 0

最大値: 自動(U) 固定(I) 515.0

目盛間隔: 自動(I) 固定(X) 5.0

補助目盛間隔: 自動(Q) 固定(E) 1.0

軸を反転する(Y)

対数目盛を表示する(L) 基数(B): 10

表示単位(U): なし

表示単位のラベルをグラフに表示する(S)

目盛の種類(J): 外向き

補助目盛の種類(I): なし

軸ラベル(A): 軸の下/左

横軸との交点:

自動(Q)

軸の値(E): 475.0

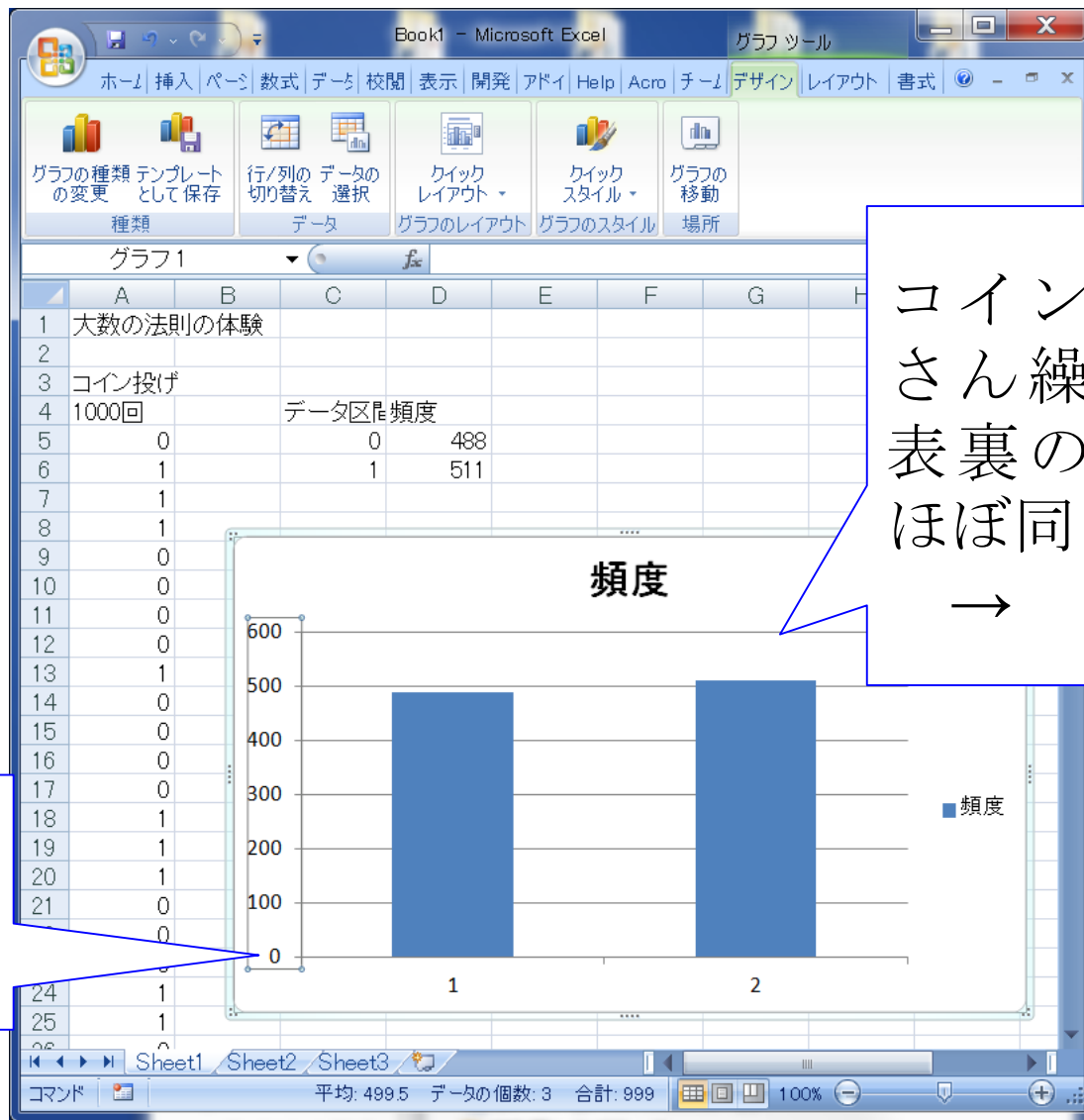
軸の最大値(M)

閉じる

②軸の書式設定を選択

- 削除(D)
- リセットしてスタイルに合わせる(A)
- フォント(F)...
- グラフの種類の変更(Y)...
- データの選択(E)...
- 3-D 回転(R)...
- 補助目盛線の追加(N)
- 目盛線の書式設定(M)...
- 軸の書式設定(E)...

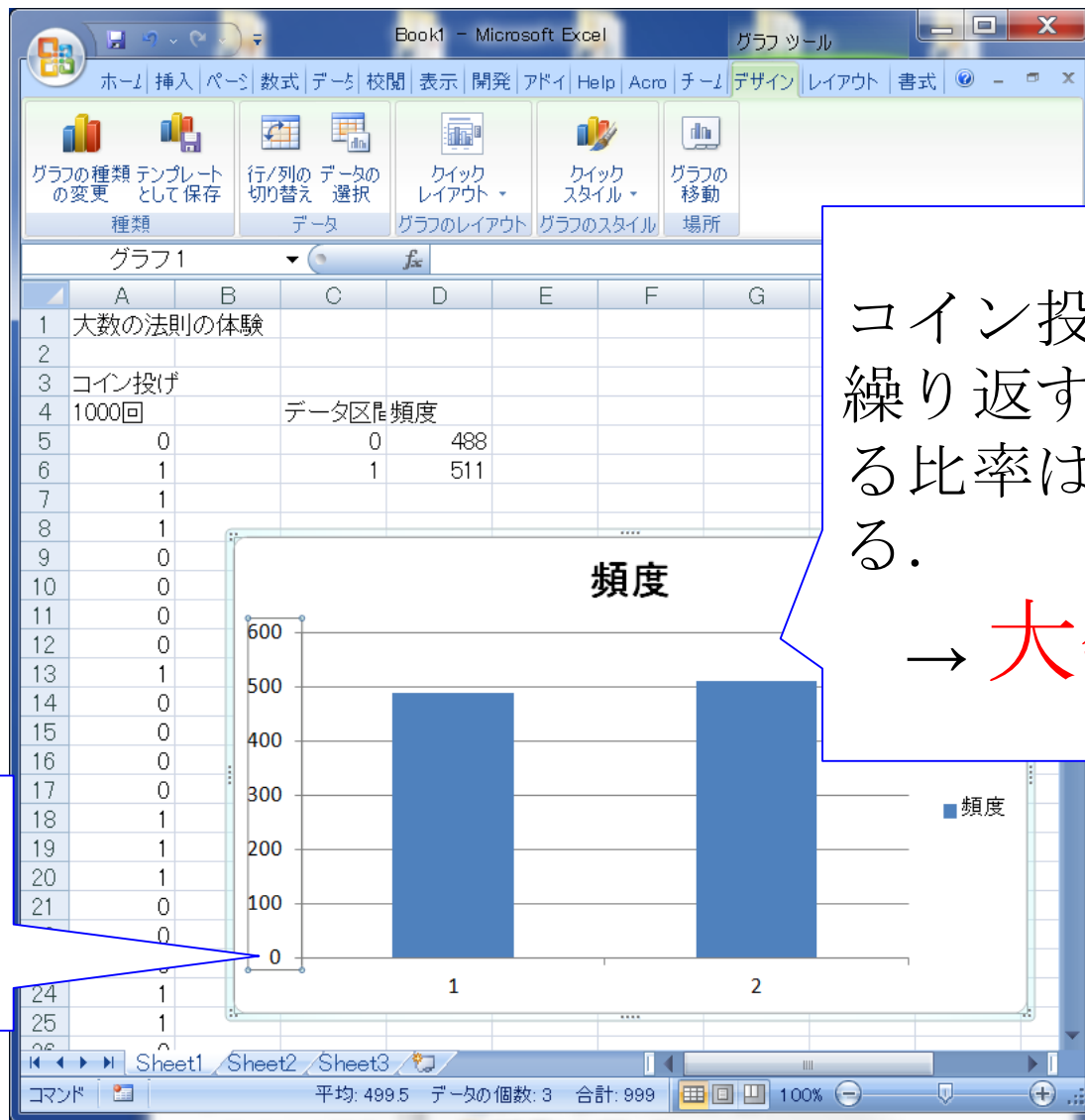
④閉じる



コイン投げをたくさん繰り返すと、表裏の出る比率はほぼ同じとなる。



縦軸の最小値を0に設定できた



コイン投げをたくさん繰り返すと、表裏の出る比率はほぼ同じとなる。

→ **大数の法則**

縦軸の最小値を0に設定できた

小テスト3-2 解答

サイコロを1000回投げたときの各目の出る回数を表示する棒グラフを作成せよ。



技 \$記号の付け方

=COUNTIF(A5:A1004

と入力した後でA5にカーソルを持って行き左クリック

|A5 A|5 A5|

のいずれの位置でもよい。この状態でF4を一回押すと

\$A\$5

となる。その後F4押すことを繰り返すと

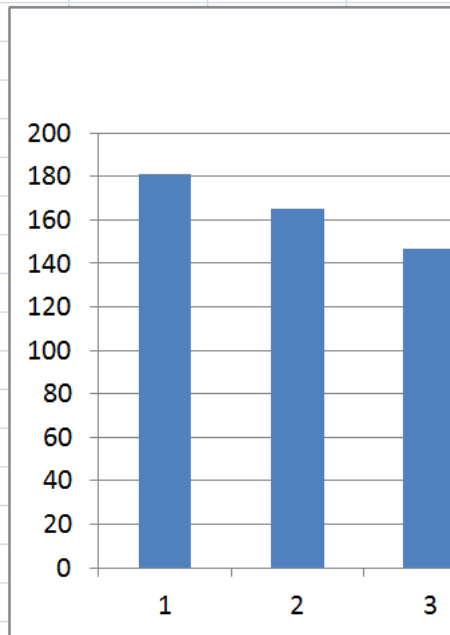
\$A\$5 → A\$5 → \$A5 → A5 → \$A\$5

と変化する。

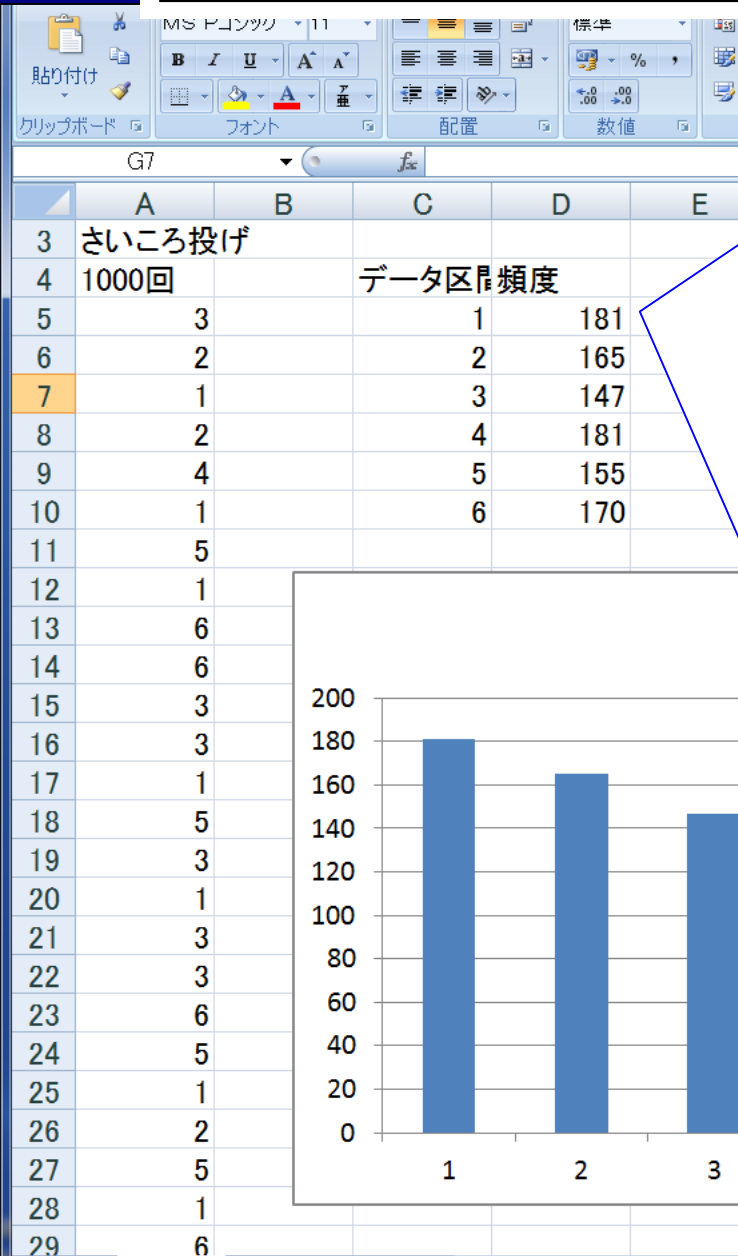
\$A5の場合は、5

には\$記号が付いていないので、コピーによって変化する。

	A	B	C	D	E
3	さいころ投げ				
4	1000回		データ区間	頻度	
5	3		1	181	
6	2		2	165	
7	1		3	147	
8	2		4	181	
9	4		5	155	
10	1		6	170	



技 \$記号の付け方



=COUNTIF(A5:A1004

と入力した後でA5にカーソルを持って行き左クリック

|A5 A|5 A5|

のいずれの位置でもよい. この状態でF4を一回押すと

\$A\$5

となる. その後F4押すことを繰り返すと

\$A\$5 → A\$5 → \$A5 → A5 → \$A\$5

と変化する. **\$A, \$5はそれぞれ\$記号が付くことで, コピーによって変化しない.** \$A5の場合は, 5には\$記号が付いていないので, コピーによって変化する.

技 式の一括変形

	A	B	C
1	大数の法則の体験		
2			
3	さいころ投げ		
4	1000回		
5	1		
6	1		
7	3		
8	2		
9			

今,

$=\text{INT}(5*\text{RAND}()+1)$

と1000個の式を全て間違っ
て入力してしまったとする.
そのときは

①一番上の行を

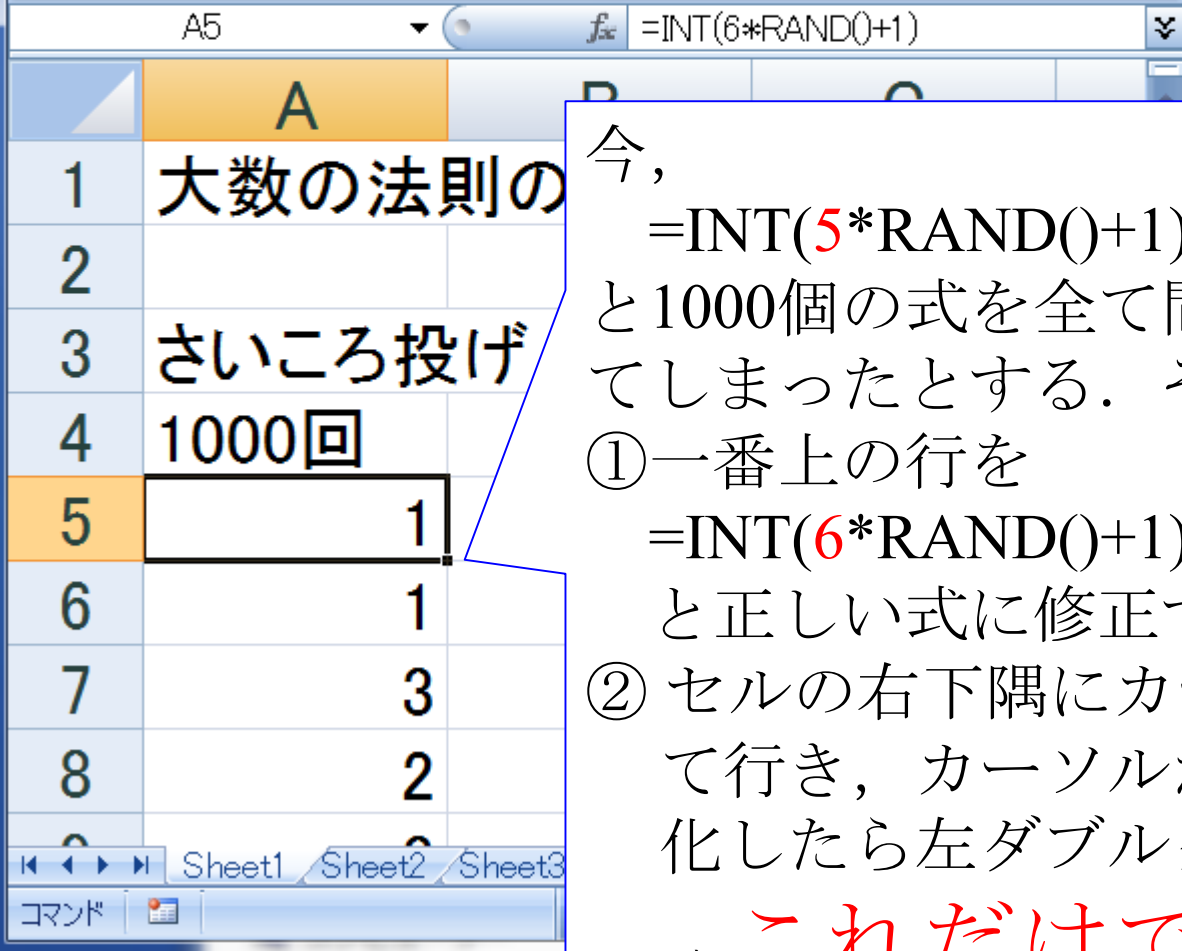
$=\text{INT}(6*\text{RAND}()+1)$

と正しい式に修正する.

②セルの右下隅にカーソルを持
て行き, カーソルが+の形に変
化したら左ダブルクリック

→

技 式の一括変形



今,

$=\text{INT}(5*\text{RAND}()+1)$

と1000個の式を全て間違えて入力してしまっただとする. そのときは

①一番上の行を

$=\text{INT}(6*\text{RAND}()+1)$

と正しい式に修正する.

②セルの右下隅にカーソルを持って行き, カーソルが+の形に変化したら左ダブルクリック

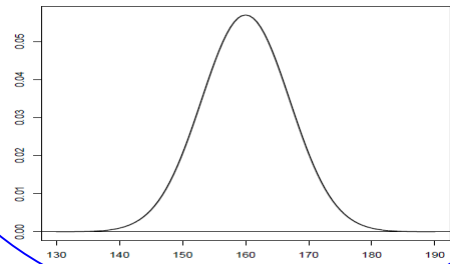
→ **これだけで下の999
個の式を一括して修
正できる.**

正規分布

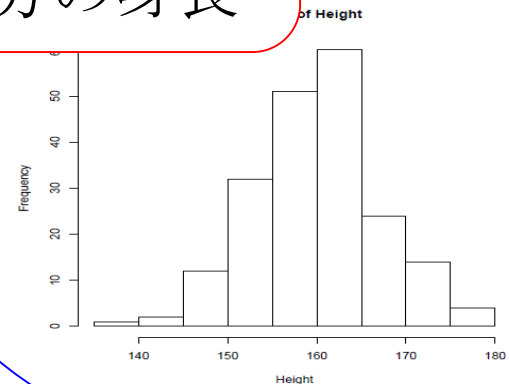
統計学において最も重要な分布は $N(\mu, \sigma^2)$ である。
多くの理論は母集団の分布が正規分布に従うという仮定の下に成り立っている。また、

高校2年の男子生徒

母集団



ある高校の
男子生徒200
人分の身長

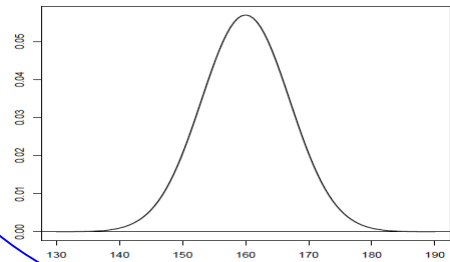


正規分布

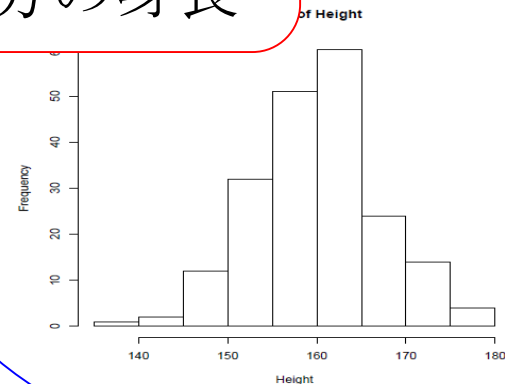
統計学において最も重要な分布は**正規分布**である。多くの理論は母集団の分布が正規分布に従うという仮定の下に成り立っている。また、

高校2年の男子生徒

母集団



ある高校の
男子生徒200
人分の身長

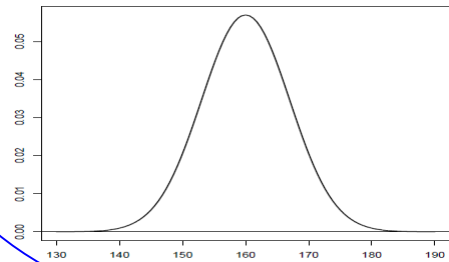


正規分布

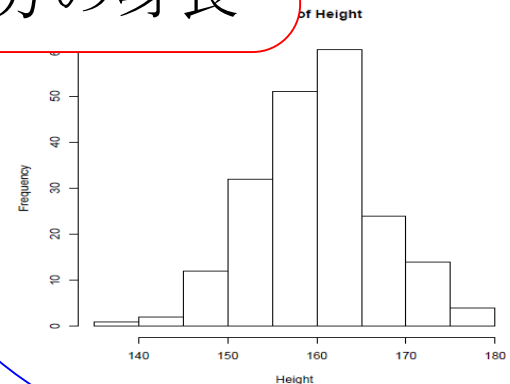
統計学において最も重要な分布は正規分布である。多くの理論は母集団の分布が正規分布に従うという仮定の下に成り立っている。また、この世の多くのデータは正規分布に従うことが経験的に知られている。

高校2年の男子生徒

母集団



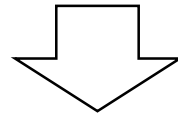
ある高校の
男子生徒200
人分の身長



中心極限定理

中心極限定理

母集団の分布がどんな分布であっても、
は標本の大きさ n を増やしたとき近似的に正規分布に従う。



コインを n 回投げたときに表が q 回出たとする。表の出る比率（平均値）を q/n とする。この を増やすにつれて、この比率は

n 個のサンプル

$$a_1, a_1, a_1, \dots, a_n$$

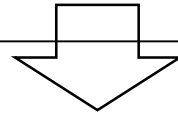
標本平均

$$\bar{a} = \frac{1}{n}(a_1 + a_2 + \text{L} + a_n)$$

中心極限定理

中心極限定理

母集団の分布がどんな分布であっても、**標本平均の分布**は標本の大きさ n を増やしたとき近似的に正規分布に従う。



コインを n 回投げたときに表が q 回出たとする。表の出る比率（平均値）を q/n とする。この n を増やすにつれて、この比率は

n 個のサンプル

$$a_1, a_1, a_1, \dots, a_n$$

標本平均

$$\bar{a} = \frac{1}{n} (a_1 + a_2 + \dots + a_n)$$

中心極限定理

中心極限定理

母集団の分布がどんな分布であっても，標本平均の分布は標本の大きさ n を増やしたとき近似的に正規分布に従う。



コインを n 回投げたときに表が q 回出たとする。表の出る比率（平均値）を q/n とする。この n を増やすにつれて，この比率は**正規分布に近づく**。

n 個のサンプル

$$a_1, a_1, a_1, \dots, a_n$$

標本平均

$$\bar{a} = \frac{1}{n} (a_1 + a_2 + \text{L} + a_n)$$

中心極限定理を体験しよう

2回コインを投げたとき（2試行と呼ぶ）に表が q 回出たとして、比率 $q/2$ を求める。2試行を1組とする。1000組の結果についてをみよう。

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う。							
2								
3		2回のコイン投げ 第1組						
4		0						
5		0						
6								
7								
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

コイン投げを2回行うように入力

コマンド 平均: 0 データの個数: 2 合計: 0 100%

中心極限定理を体験しよう

2回コインを投げたとき（2試行と呼ぶ）に表が q 回出たとして、比率 $q/2$ を求める。2試行を1組とする。1000組の結果について**表の出る比率(平均値)の分布**をみよう。

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う。							
2								
3		2回のコ イン投げ 第1組						
4		0						
5		0						
6								
7								
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

コイン投げを2回行うように入力

平均: 0 データの個数: 2 合計: 0

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回の コイン投げ 第1組						
4		1						
5		0						
6								
7	表の出た比率	=average(B4:B5)						
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

と入力して表の出た比率
(平均値) を求める.

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回のコイン投げ 第1組						
4		1						
5		0						
6								
7	表の出た比率	=average(B4:B5)						
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

=AVERAGE(B4:B5)
と入力して表の出た比率
(平均値) を求める.

中心極限定理を体験しよう

The screenshot shows a spreadsheet with the following content:

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う。							
2								
3		2回の コイン投げ 第1組						
4			0					
5			0					
6								
7	表の出た比率		0					
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

The callout box contains the following text:

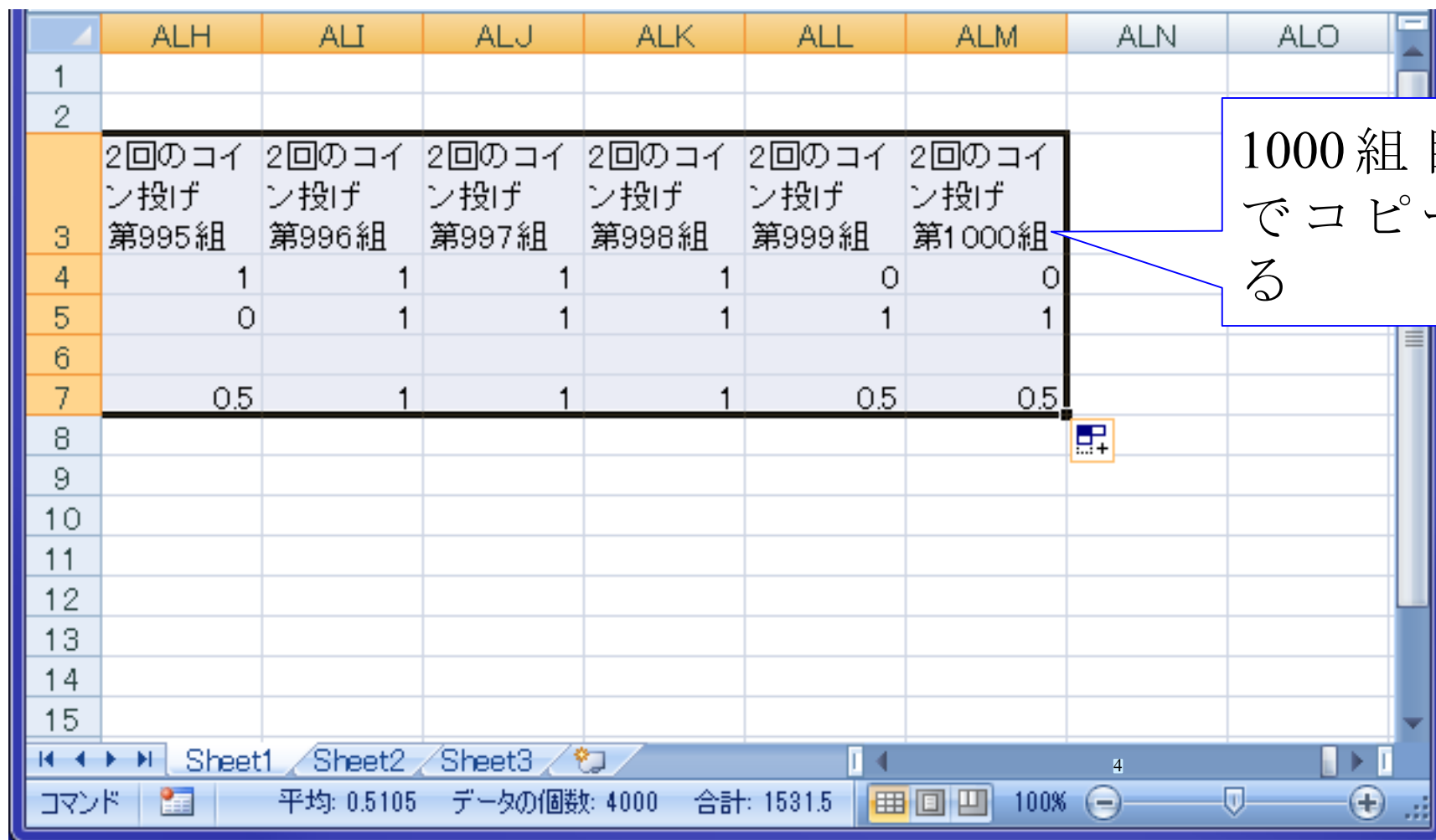
図のように範囲指定をして、カーソルを右下隅に持って行き、カーソルの形が+に変わったら、マウスの左ボタンを押しながら横方向にドラッグ

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回のコ イン投げ 第1組						
4		1						
5		1						
6								
7	表の出た比率	1						
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

このように、
今、4組目ま
でコピー中
であるとい
う表示が
出る

中心極限定理を体験しよう



	ALH	ALI	ALJ	ALK	ALL	ALM	ALN	ALO
1								
2								
3	2回のコイン投げ 第995組	2回のコイン投げ 第996組	2回のコイン投げ 第997組	2回のコイン投げ 第998組	2回のコイン投げ 第999組	2回のコイン投げ 第1000組		
4	1	1	1	1	0	0		
5	0	1	1	1	1	1		
6								
7	0.5	1	1	1	0.5	0.5		
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								
15								

1000組目までコピーする

コマンド | 平均: 0.5105 | データの個数: 4000 | 合計: 1531.5 | 100%

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回のコイン投げ第1組	2回のコイン投げ第2組	2回のコイン投げ第3組				
4		0	1					
5		1	1					
6								
7	表の出た比率	0.5	1					
8								
9		データ区間						
10		0						
11		=round(B10+0.5,1)						
12								
13								
14								
15								

=ROUND(x, 1)はxの
して、小数点以下第1位
までの値を表示する関
数.

と入力

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回のコ イン投げ 第1組	2回のコイ ン投げ 第2組	2回のコイ ン投げ 第3組				
4		0	1					
5		1	1					
6								
7	表の出た比率	0.5	1					
8								
9		データ区間						
10		0						
11		=round(B10+0.5,1)						
12								
13								
14								
15								

=ROUND(x, 1)はxの
して、小数点以下第1位
までの値を表示する関
数.

=ROUND(B10+0.5, 1)
と入力

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う。							
2								
3		2回のコイン投げ 第1組	2回のコイン投げ 第2組	2回のコイン投げ 第3組	2回のコイン投げ 第4組	2回のコイン投げ 第5組	2回のコイン投げ 第6組	2回のコイン投げ 第7組
4		0	1	0	1	0	0	
5		1	0	1	1	1	1	
6								
7	表の出た比率	0.5	0.5	0.5	1	0.5	0.5	
8								
9		データ区間	頻度					
10		0	=countif(\$B\$7:\$ALM\$7,B10)/1000					
11		0.5						
12		1						
13								
14								
15								

と入力

1000試行の中で表の出た

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う.							
2								
3		2回のコイン投げ 第1組	2回のコイン投げ 第2組	2回のコイン投げ 第3組	2回のコイン投げ 第4組	2回のコイン投げ 第5組	2回のコイン投げ 第6組	2回のコイン投げ 第7組
4		0	1	0	1	0	0	
5		1	0	1	1	1	1	
6								
7	表の出た比率	0.5	0.5	0.5	1	0.5	0.5	
8								
9		データ区間	頻度					
10		0	=countif(\$B\$7:\$ALM\$7,B10)/1000					
11		0.5						
12		1						
13								
14								
15								

=COUNTIF(\$B\$15:\$K\$15,B18)/1000 と入力

1000試行の中で表の出た

中心極限定理を体験しよう

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	2回のコイン投げ試行を1000組行う。							
2								
3		2回のコイン投げ 第1組	2回のコイン投げ 第2組	2回のコイン投げ 第3組	2回のコイン投げ 第4組	2回のコイン投げ 第5組	2回のコイン投げ 第6組	2回のコイン投げ 第7組
4		0	1	0	1	0	0	
5		1	0	1	1	1	1	
6								
7	表の出た比率	0.5	0.5	0.5	1	0.5	0.5	
8								
9		データ区間	頻度					
10		0	=countif(\$B\$7:\$ALM\$7,B10)/1000					
11		0.5						
12		1						
13								
14								
15								

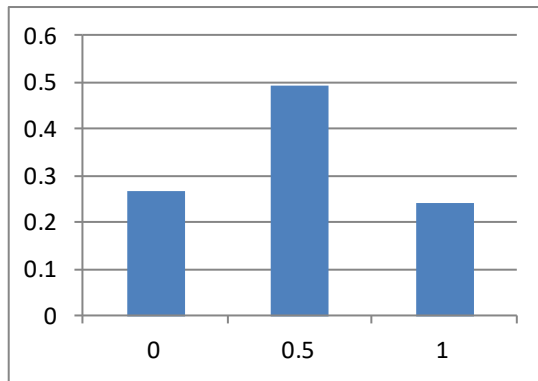
=COUNTIF(\$B\$15:\$K\$15,B18)/1000 と入力

1000試行の中で表の出た**比率が0**であった**試行回数を求め、さらに1000で割って、その比率を求めている。**

中心極限定理を体験しよう



中心極限定理を体験しよう

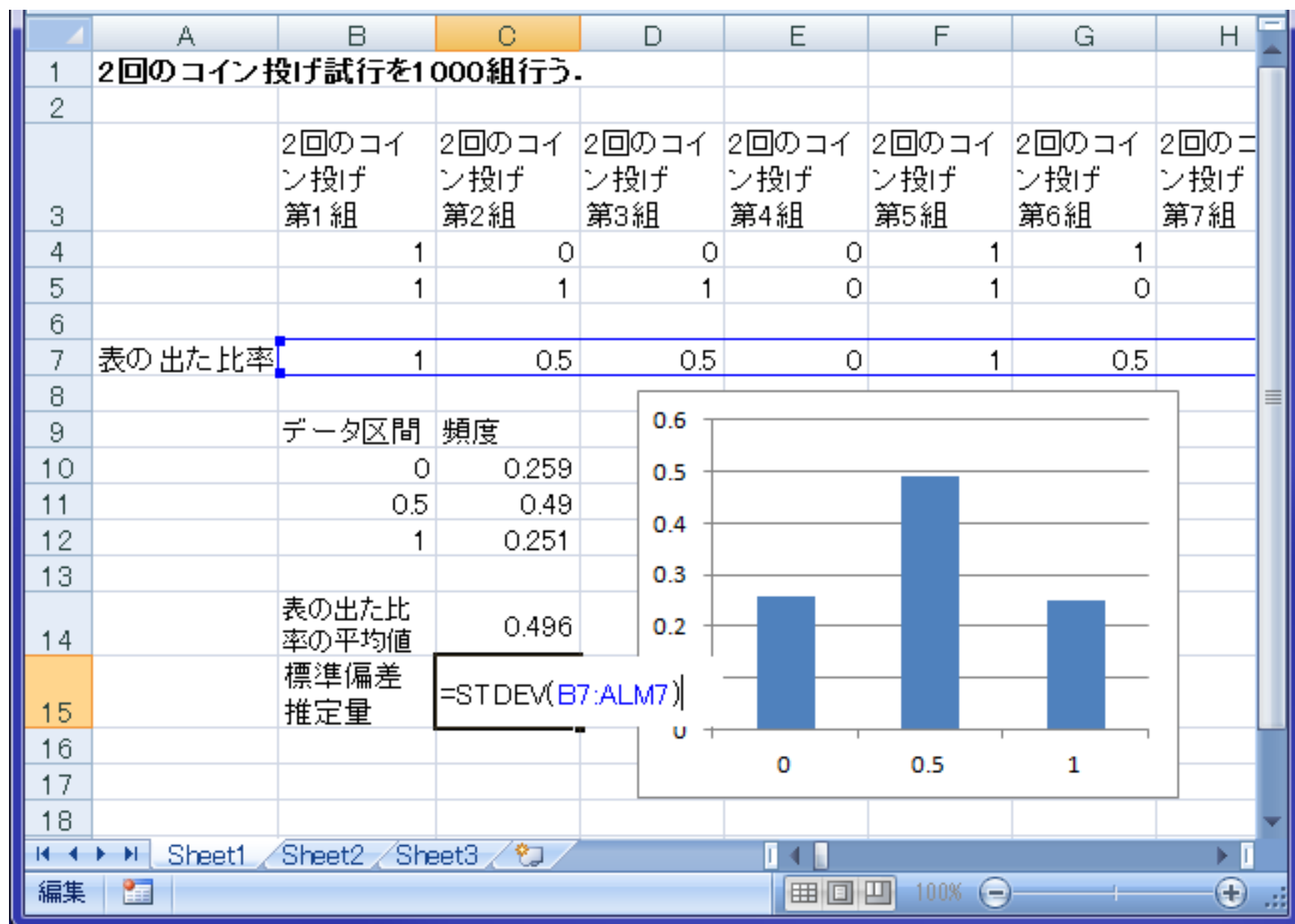


この分布は、果たして正規分布なのか？

中心極限定理を体験しよう



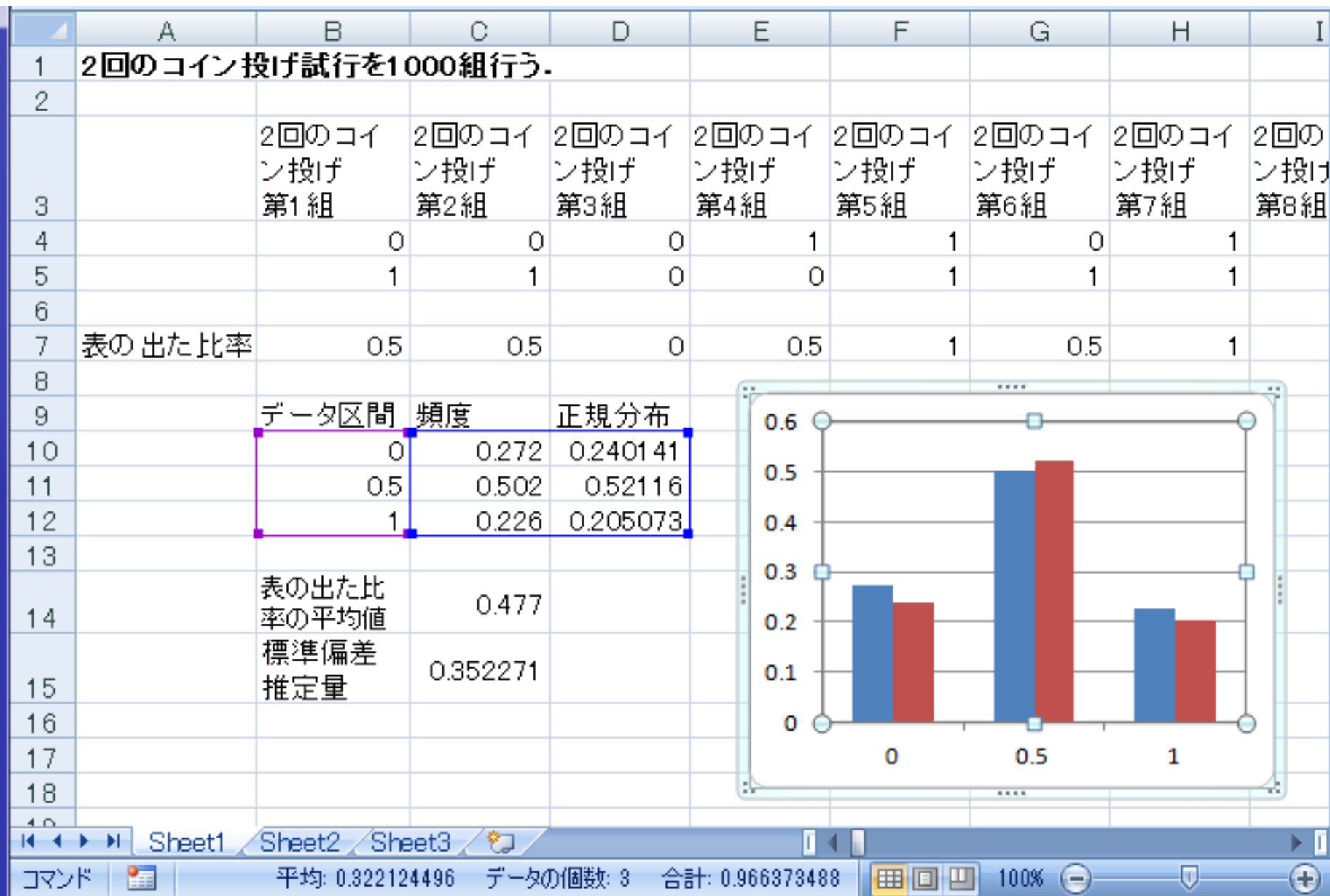
中心極限定理を体験しよう



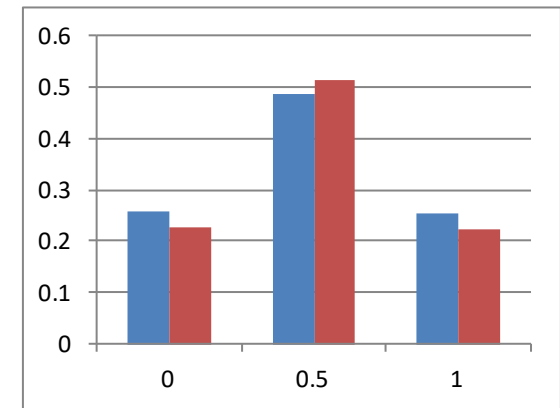
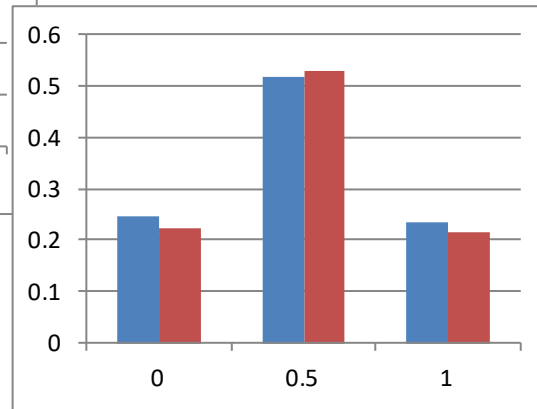
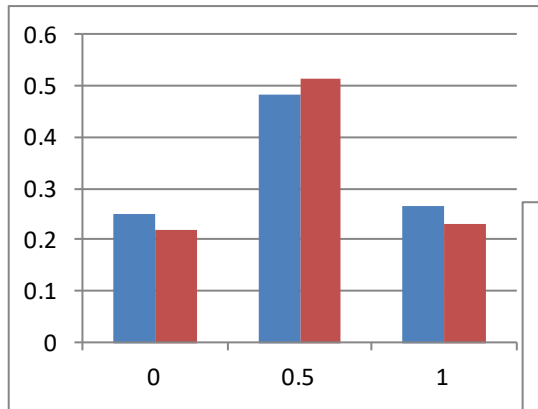
中心極限定理を体験しよう



中心極限定理を体験しよう



中心極限定理を体験しよう



何度シミュレーションを繰り返しても、分布の差の傾向は変わらない。

中心極限定理は、もっと極端な分布で試すと、標本の大きさ n による大きな違いを通して体験することができます。

http://www.cmplx.cse.nagoya-u.ac.jp/~furuhashi/education/Statistics_Multivariate/index.html

の第2章に指数分布の例を紹介してあります。Excelファイルも無料でダウンロードできます。よかったら試してみてください。

小テスト4.1

10回コインを投げたときに表の出る比率 $q/10$ を求める．これを1組とする．**1000組の結果について表の出る比率の分布**を作成し，正規分布と比較せよ．

技 ROUND()関数

	A	B	C	D	E	F
14						
15	表の出た比率	0.5	0.			
16						
17		データ区間				
18		-1				
19		=B18+0.1				
20						
21						
22						
23						
24						
25						
26						
27						
28						
29						
30						

=B18+0.1
と入力して、この式を
下にコピーしていくと

	A	B	C	D	E	F
14						
15	表の出た比率	0.5	0.6	0.4	0.7	0.2
16						
17		データ区間				
18		-1				
19		-0.9				
20		-0.8				
21		-0.7				
22		-0.6				
23		-0.5				
24		-0.4				
25		-0.3				
26		-0.2				
27		-0.1				
28		-1.39E-16				
29		0.1				
30						

このように0の値が出るべきところで、
 -1.36×10^{-16}
 $= -0.00000000000000000139$
という値が出てしまう。

技 ROUND()関数

ROUND()関数
を用いないと

=B18+0.1

と入力して、この式を
下にコピーしていくと

データ区間

-1

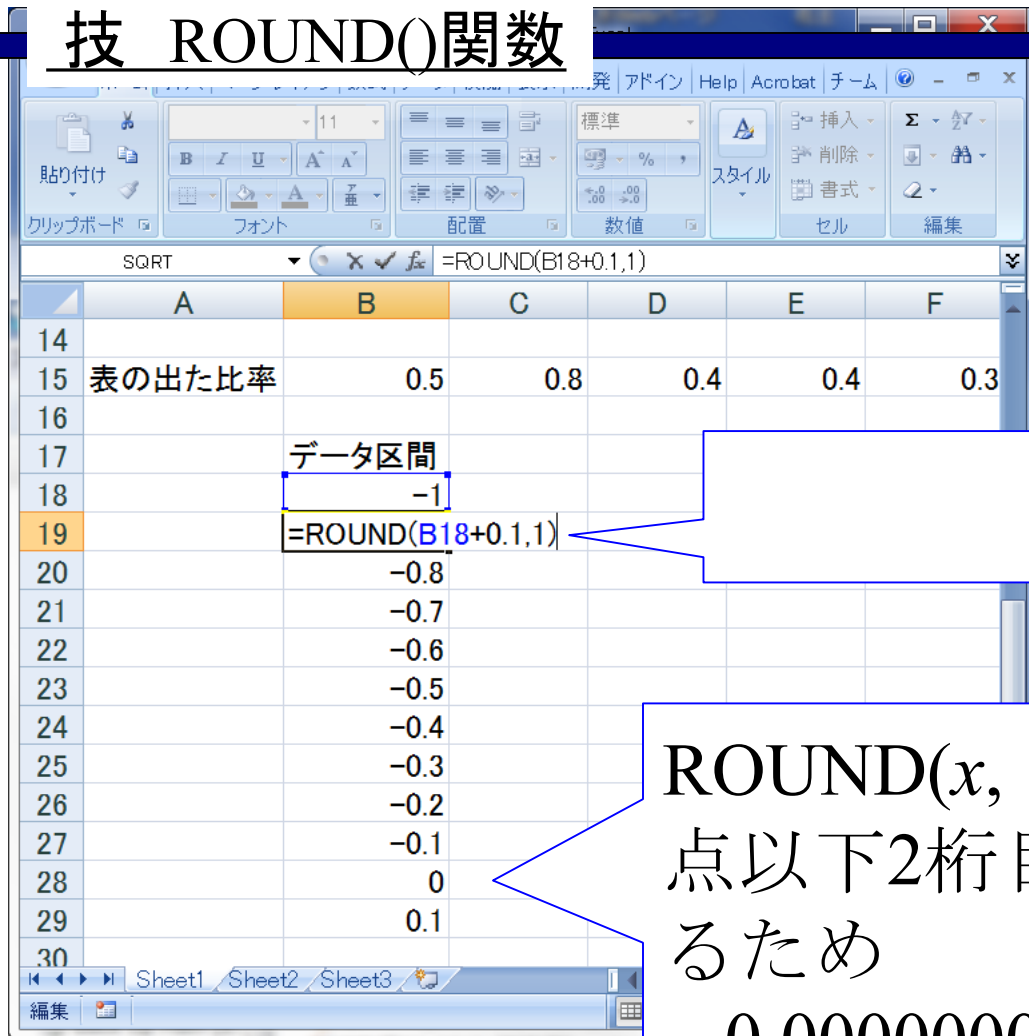
=B18+0.1

B19 =B18+0.1

	A	B	C	D	E	F
14						
15	表の出た比率	0.5	0.6	0.4	0.7	0.2
16						
17		データ区間				
18		-1				
19		-0.9				
20		-0.8				
21		-0.7				
22		-0.6				
23		-0.5				
24		-0.4				
25		-0.3				
26		-0.2				
27		-0.1				
28		-1.39E-16				
29		0.1				
30						

このように0の値が出るべきところで、
 -1.36×10^{-16}
 $= -0.0000000000000000139$
という値が出てしまう。

技 ROUND()関数

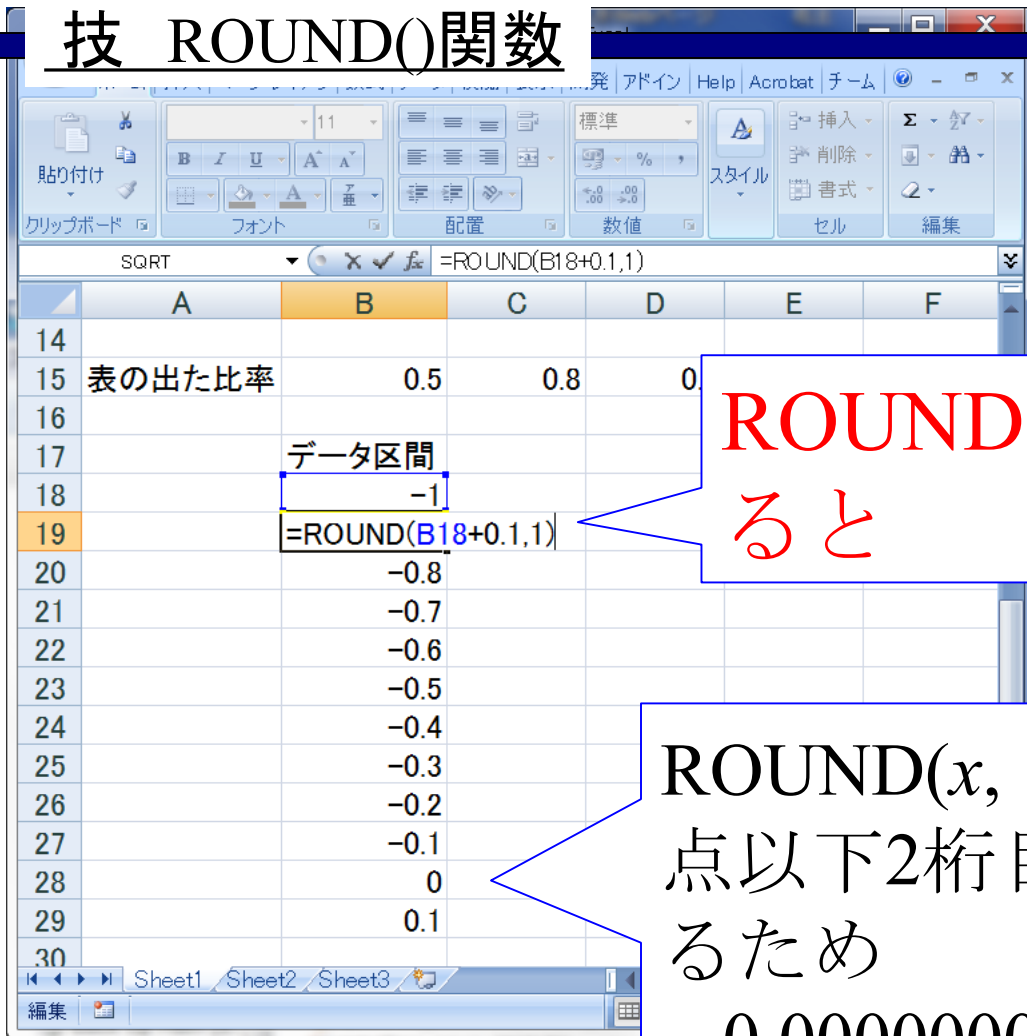


ROUND(x, 1)により， x の小数点以下2桁目が四捨五入されるため

-0.00000000000000000000139

となる。

技 ROUND()関数



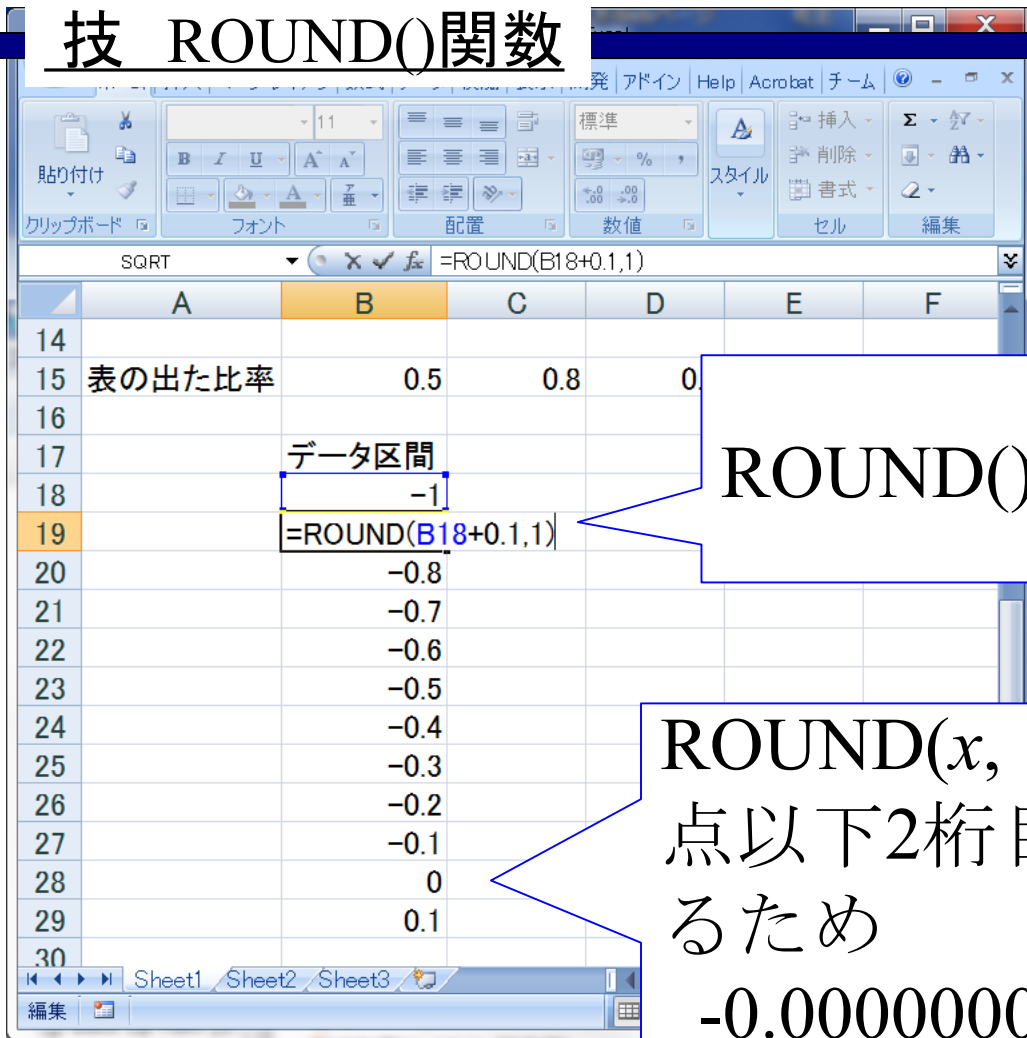
ROUND()関数を用いると

ROUND(x, 1)により, xの小数点以下2桁目が四捨五入されるため

-0.000000000000000000139

となる.

技 ROUND()関数



ROUND()関数を用いると

ROUND(x, 1)により, xの小数点以下2桁目が四捨五入されるため

-0.00000000000000000000139

→ 0

となる.

2013年3月

著者： 古橋武
名古屋大学工学研究科計算理工学専攻
furuhashi@cse.nagoya-u.ac.jp