

体験統計学

～第12回～

[本稿のWebページ](#)

古橋 武

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

薬A, Bの真の有効率をそれぞれ $p_{0A}=0.6, p_{0B}=0.6$ とする. この薬Aをマウス $n_A=10$ 匹, $n_B=10$ 匹, に対して投与する実験を行う. この実験を3000回繰り返したら, 有効率の差 $p_A - p_B$ はどのような分布となるか?

有効率の差の頻度 を求め, 横軸を-1から1まで0.1刻みとして頻度グラフを描け.

この結果に正規分布の確率の棒グラフを並べて示せ. ただし, 正規分布の平均 μ には有効率の差の理論値 $p_{0A} - p_{0B}$ を用いよ. また, 標準偏差 σ には有効率の差の標準偏差の理論値

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

を用いよ.

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

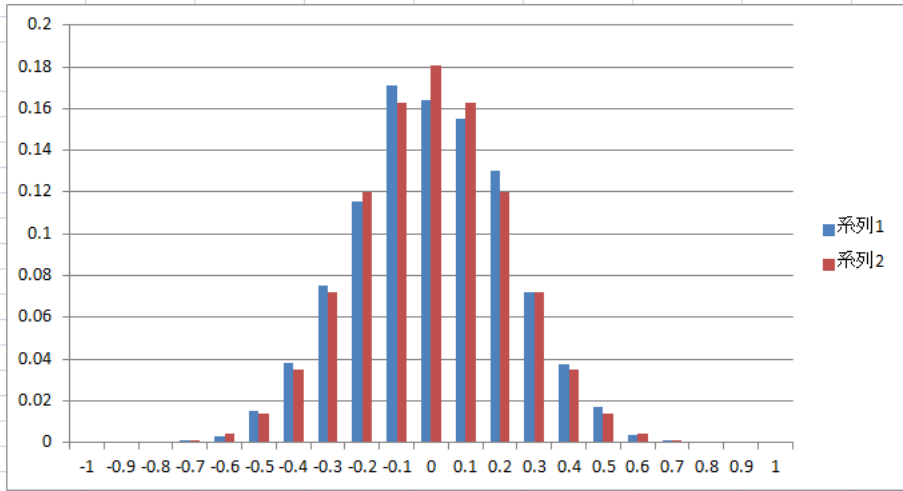
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J		
1	有効率の差の頻度											
2												
3	薬の効く確率	$P_{0A} =$	0.6		$P_{0B} =$	0.6						
4	マウスの数	$n_A =$	10匹		$n_B =$	10匹	σ の理論値	0.219089				
5												
6		薬Aを投与した結果第1組	薬Bを投与した結果第2組	薬Aを投与した結果第3組	薬Bを投与した結果第4組	薬Aを投与した結果第5組	薬Bを投与した結果第6組	薬Aを投与した結果第7組	薬Bを投与した結果第8組	薬Aを投与した結果第9組	薬Bを投与した結果第10組	
7		1	1	0	0	1	1	0	0	1	0	
8		1	1	1	0	1	0	0	1	1	0	
9		0	1	0	1	1	0	0	1	1	0	
10		1	1	1	0	1	0	1	1	1	1	
11		0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	
12		1	1	0	0	1	0	0	0	1	0	
13		1	1	1	1	1	0	1	0	1	1	
14		0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	
15		1	1	1	1	0	0	0	1	1	1	
16		0	1	1	0	0	1	1	0	0	0	
17												
18	有効率p値	0.6	0.9	0.6	0.3	0.7	0.4	0.5	0.5	0.7	0.6	0.4
19	$P_A - P_B$ 値	-0.3		0.3		0.3		0		0.1		-0.6
20												

P_A

P_B

$P_A - P_B$

データ区間	薬の有効率の差の	有効率の差の理論
-1	0	6.427E-06
-0.9	0	4.504E-05
-0.8	0	0.0002571
-0.7	0.0013333	0.0011951
-0.6	0.0026667	0.0045254
-0.5	0.015	0.01396
-0.4	0.0383333	0.0350847
-0.3	0.075	0.0718421
-0.2	0.1153333	0.1198649
-0.1	0.1713333	0.1629571
0	0.1643333	0.180523
0.1	0.1553333	0.1629571
0.2	0.13	0.1198649
0.3	0.0716667	0.0718421
0.4	0.0376667	0.0350847
0.5	0.017	0.01396



小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

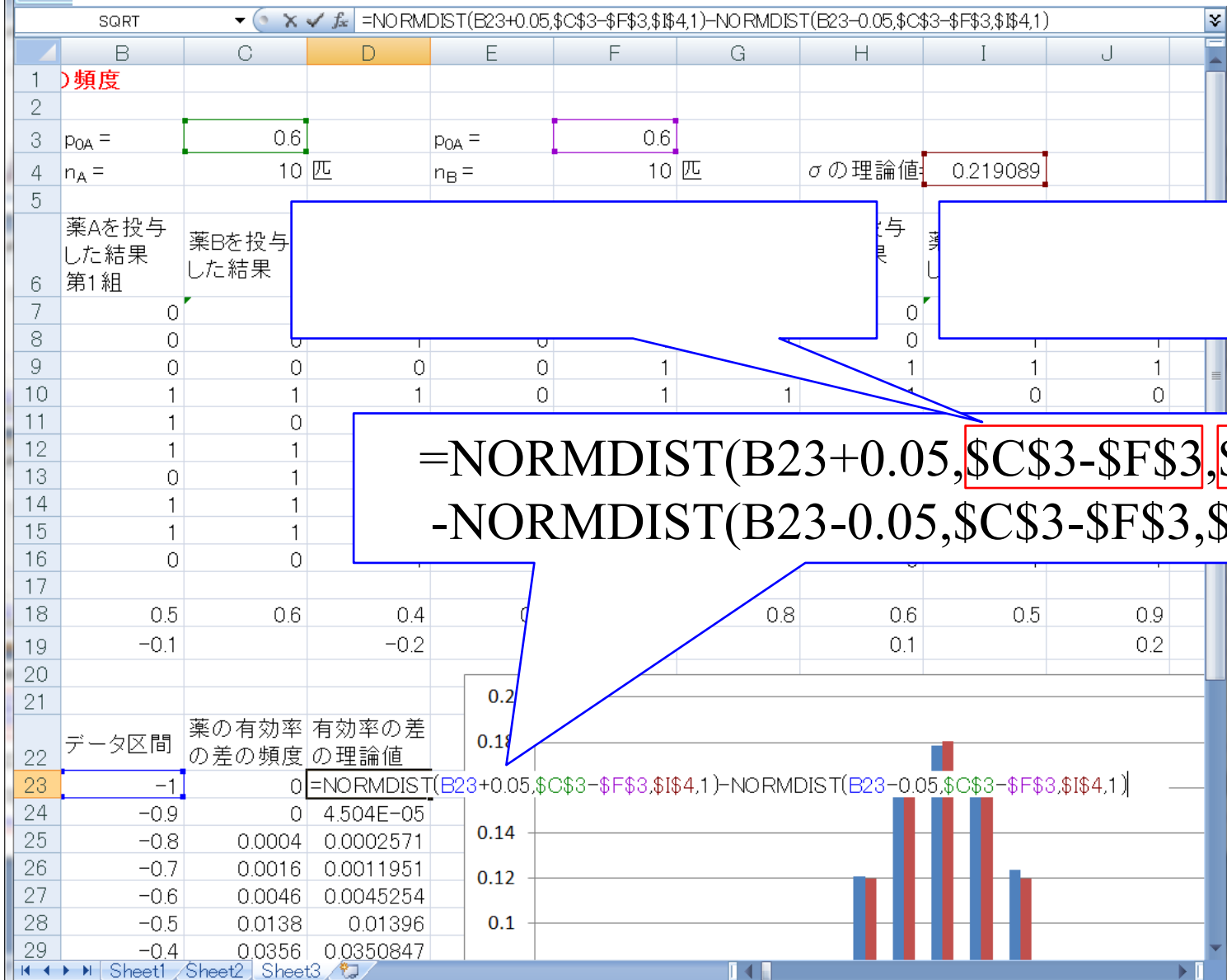
Excel spreadsheet showing experimental data and analysis. The formula bar displays: $=\text{COUNTIF}(\$B\$19:\$HVU\$19,B23)/3000$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
1	有効率の差の頻度									
2										
3	薬の有効率	$p_{0A} =$	0.6		$p_{0A} =$	0.6				
4	マウスの数	$n_A =$	10匹		$n_B =$	10匹		σ の理論値	0.219089	
5										
6		薬Aを投与した結果第1組	薬Bを投与した結果	薬Aを投与した結果第2組	薬Bを投与した結果	薬Aを投与した結果第3組	薬Bを投与した結果	薬Aを投与した結果第4組	薬Bを投与した結果	薬Aを投与した結果第5組
7		1	1	0	0	1	1	0	0	1
8		1	1	1	0	1	0	0	1	1
9		0	1	0	1	1	0	0	1	1
10		1	1	1	0	1	0	1	1	1
11		0	1	1	0	1	1	1	1	1
12		1	1	0	0	1	0	0	0	1
13		1	1	1	1	1	0	1	0	0
14		0	0	1	0	0	1	1	0	0
15		1	1	0	1	0	0	0	1	1
16		0	1	1	0	0	1	1	0	0
17										
18	有効率p値	0.6	0.9	0.6	0.3	0.7	0.4	0.5	0.5	0.7
19	$p_A - p_B$ 値	-0.3		0.3		0.3		0		0.1
20										
21										
22	データ区間	薬の有効率の差の	有効率の差の理論							
23		-1]	$=\text{COUNTIF}(\$B\$19:\$HVU\$19,B23)/3000$							
24		-0.9	0	4.504E-05						
25		-0.8	0	0.0002571						
26		-0.7	0.0013333	0.0011951						
27		-0.6	0.0026667	0.0045254						
28		-0.5	0.015	0.01396						

Bar chart showing the distribution of differences in effectiveness. The y-axis ranges from 0 to 0.2. The x-axis represents the difference in effectiveness. A blue arrow points from the formula bar to the bar chart.

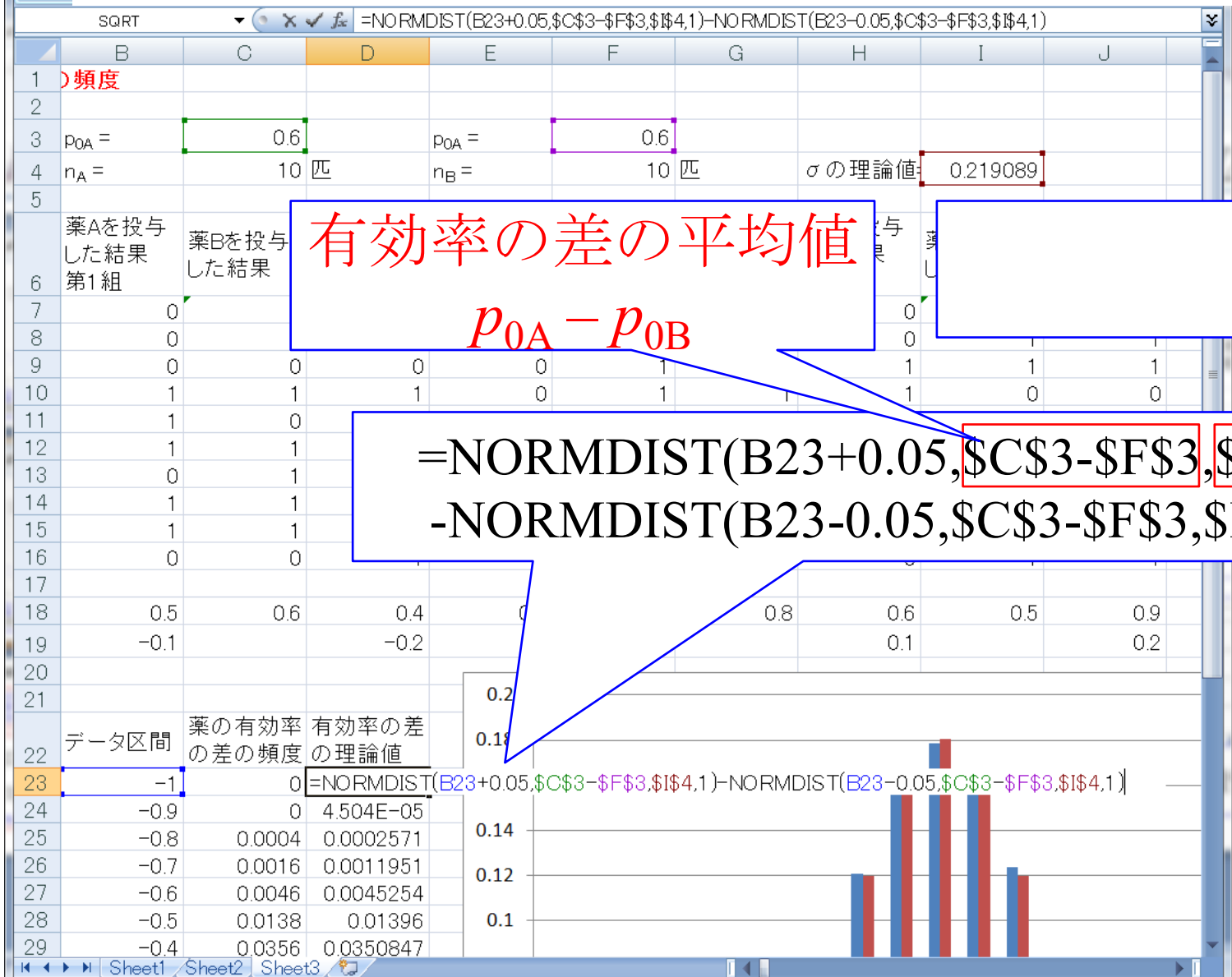
$=\text{COUNTIF}(\$B\$19:\$HVU\$19,B23)/3000$

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)



=NORMDIST(B23+0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1)
-NORMDIST(B23-0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1)

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

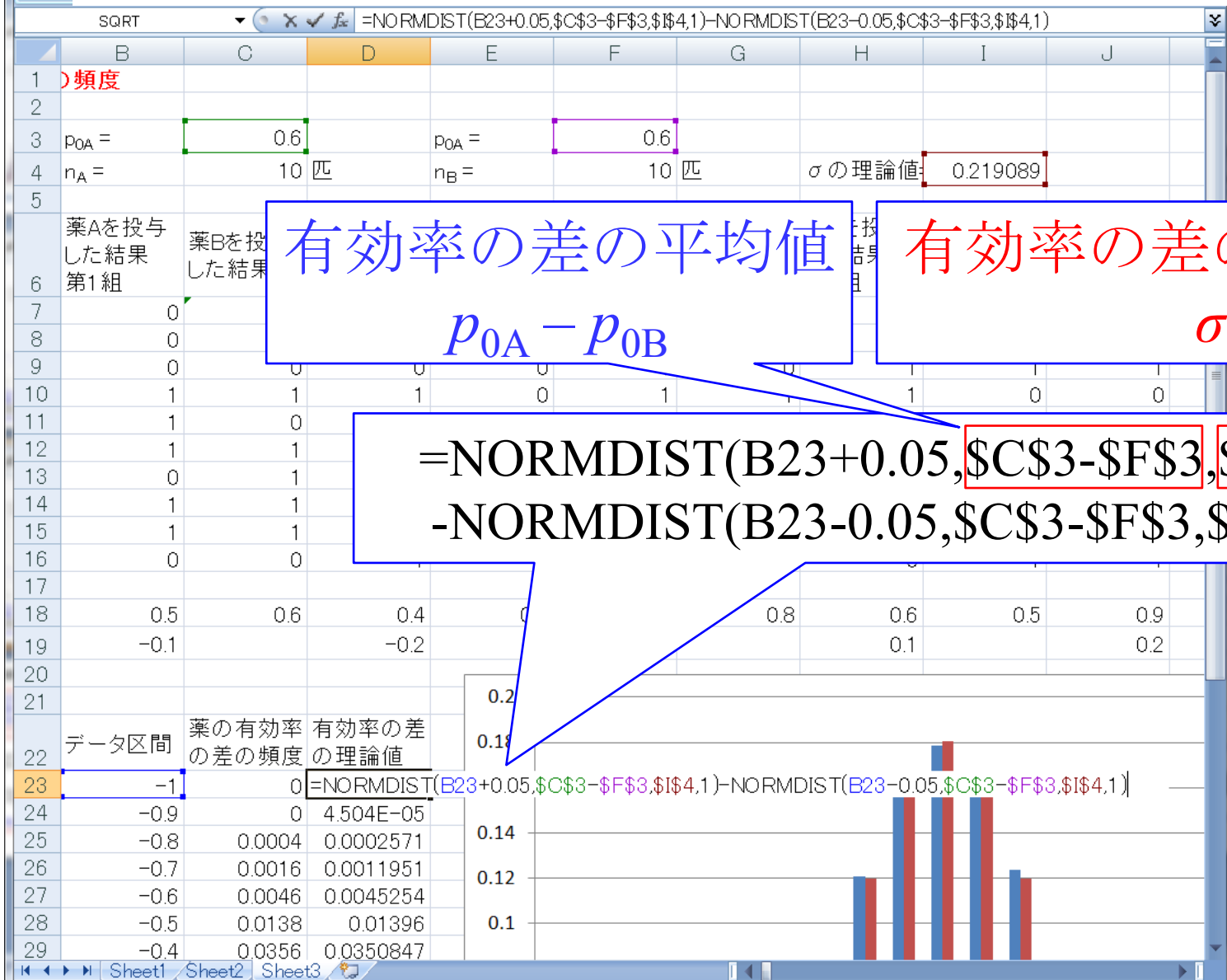


有効率の差の平均値

$$P_{0A} - P_{0B}$$

$$=NORMDIST(B23+0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1) - NORMDIST(B23-0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1)$$

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)



有効率の差の平均値

$$p_{0A} - p_{0B}$$

有効率の差の標準偏差

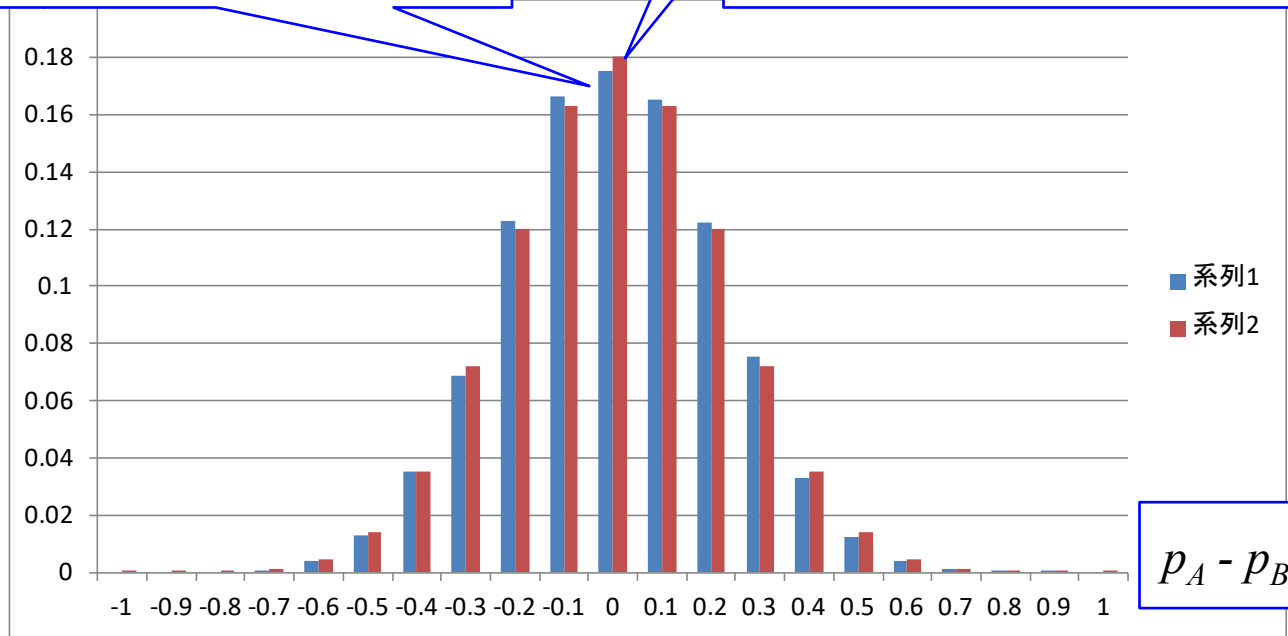
$$\sigma$$

$$=NORMDIST(B23+0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1) - NORMDIST(B23-0.05, \$C\$3-\$F\$3, \$I\$4, 1)$$

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

3000組の中で $p_A - p_B$ が0となつた
この例では頻度 = 0.175
($0.175 \times 3000 = 525$
3000組中525組で $p_A - p_B$ が0となった)

5000組の中で $p_A - p_B$ が0となる
= 0.181
これが理論値
($0.181 \times 3000 = 543$
3000組中543組で $p_A - p_B$ が0となる)



$p_A - p_B$

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

3000組の中で $p_A - p_B$ が0となっ

た**頻度**

この例では頻度 = 0.175

($0.175 \times 3000 = 525$

3000組中525組で $p_A - p_B$ が0となつた)

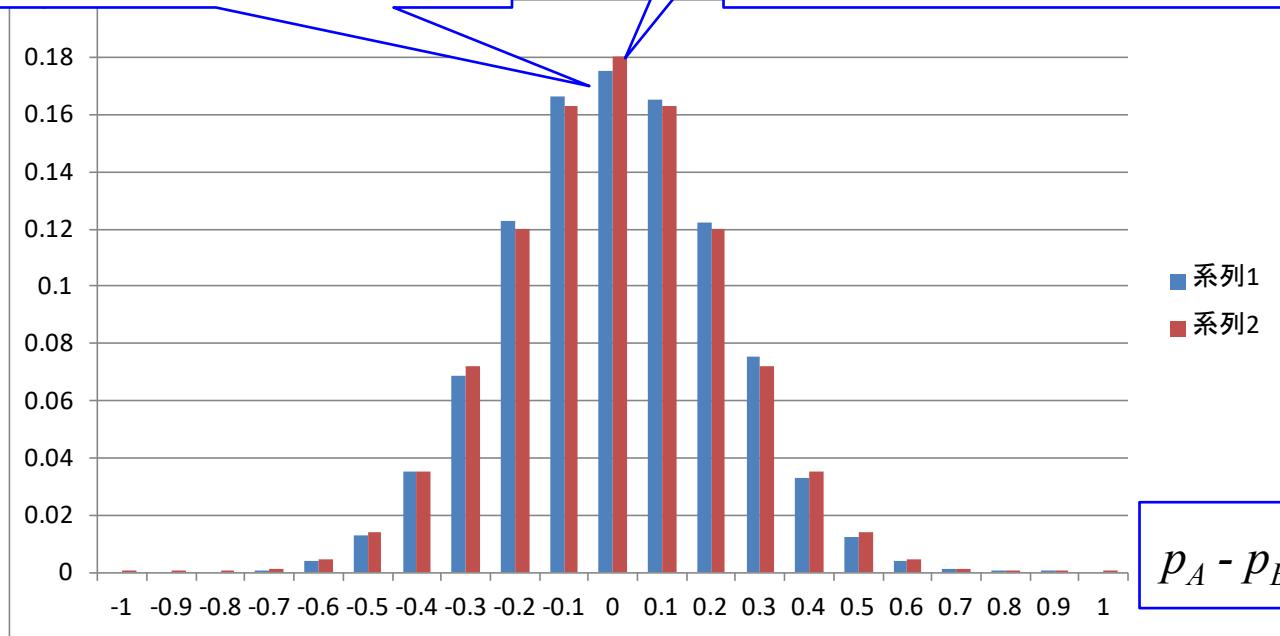
5000組の中で $p_A - p_B$ が0となる

= 0.181

これが理論値

($0.181 \times 3000 = 543$

3000組中543組で $p_A - p_B$ が0となる)



$p_A - p_B$

小テスト11.1 解答 (2回の実験の有効率の差)

3000組の中で $p_A - p_B$ が0となっ

た**頻度**

この例では頻度 = 0.175

($0.175 \times 3000 = 525$

3000組中525組で $p_A - p_B$ が0となつた)

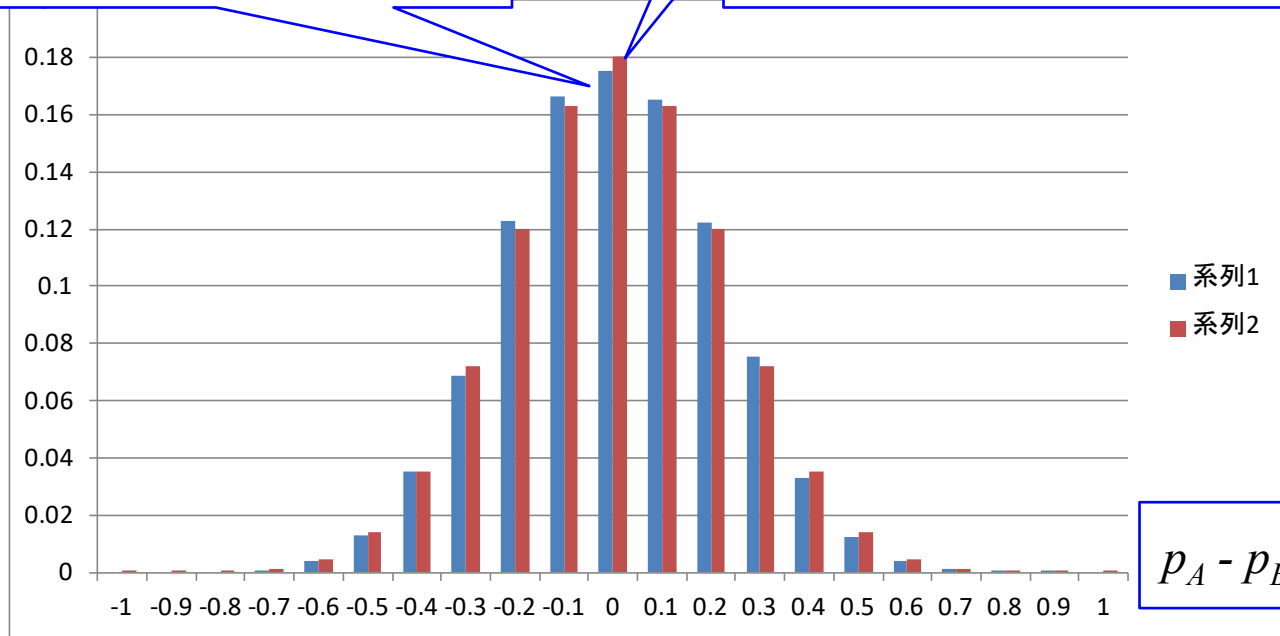
5000組の中で $p_A - p_B$ が0となる

確率 = 0.181

これが理論値

($0.181 \times 3000 = 543$

3000組中543組で $p_A - p_B$ が0となる)



$p_A - p_B$

■ 小テスト11.2 解答 (薬の有効率の差の検定)

薬A, Bがある. それぞれ100匹のマウスに投与したところ, 薬Aは55匹に効き, 薬Bは65匹に効いた. 薬A, Bの有効率には差があったと言えるか?

$p_A - p_B$ の値が

$$p_A - p_B \leq -1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

もしくは

$$p_A - p_B \geq 1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

であれば, 有効率に差があったと言える.

小テスト11.2 解答 (薬の有効率の差の検定)

	A	B	C	D	E	F	G	H	
1	薬の有効率の差の検定								
2									
3	p _A =	0.55	n _A =	100					
4	p _B =	0.65	n _B =	100					
5									
6	p _A - p _B =	-0.1							
7									
8	-1.96*SQRT(pA*(1-pA)/(nA-1) + pB*(1-pB)/(nB-1)) =						-0.13576		
9									
10	1.96*SQRT(pA*(1-pA)/(nA-1) + pB*(1-pB)/(nB-1)) =						0.135764		
11									
12									

$$-1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$$1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$$-0.1 \leq -0.13576$$

$$-0.1 \geq 0.13576$$

小テスト11.2 解答 (薬の有効率の差の検定)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	薬の有効率の差の検定							
2								
3	p _A =	0.55	n _A =	100				
4	p _B =	0.65	n _B =	100				
5								
6	p _A - p _B =	-0.1						
7								
8	-1.96*SQRT(pA*(1-pA)/(nA-1) + pB*(1-pB)/(nB-1)) =						-0.13576	
9								
10	1.96*SQRT(pA*(1-pA)/(nA-1) + pB*(1-pB)/(nB-1)) =						0.135764	
11								
12								

$$-1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$$1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$-0.1 \not\leq -0.13576$
 $-0.1 \not\geq 0.13576$

小テスト11.2 解答 (薬の有効率の差の検定)

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	薬の有効率の差の検定							
2								
3	$p_A =$	0.55		$n_A =$	100			
4	$p_B =$	0.65		$n_B =$	100			
5								
6	$p_A - p_B =$	-0.1						
7								
8	$-1.96 * \text{SQRT}(p_A * (1 - p_A) / (n_A - 1) + p_B * (1 - p_B) / (n_B - 1)) =$						-0.13576	
9								
10	$1.96 * \text{SQRT}(p_A * (1 - p_A) / (n_A - 1) + p_B * (1 - p_B) / (n_B - 1)) =$						0.135764	
11								
12								

$$-1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$$1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

$$-0.1 \not\leq -0.13576$$

$$-0.1 \not\geq 0.13576$$

有効率に差があった
とは言えない。

薬の有効率の差の検定

薬A, Bがある. それぞれ n_A 匹, n_B 匹のマウスに投与したところ, 薬Aは q_A 匹に効き, 薬Bは q_B 匹に効いた. 薬A, Bの有効率 $p_A = q_A/n_A$, $p_B = q_B/n_B$ に差があったと言えるか? 薬A, Bの真の有効率を p_{0A} , p_{0B} とする.

この問に答えるには, まず $p_A - p_B$ がどのような分布となるかを調べる必要がある.

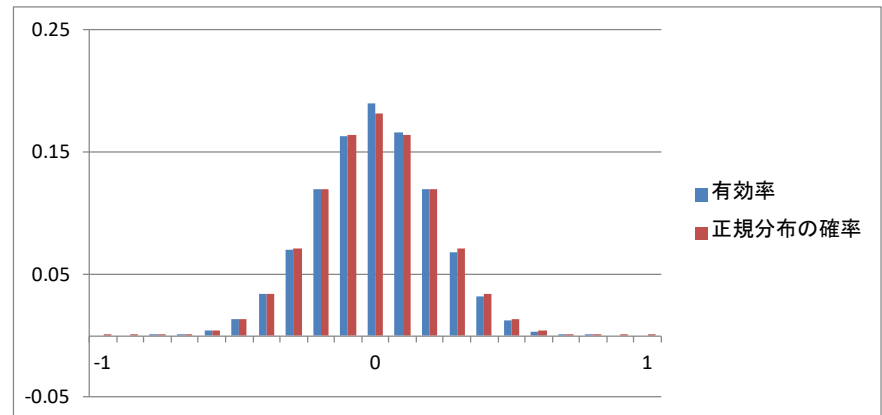
薬の有効率の差の検定

薬A, Bがある. それぞれ n_A 匹, n_B 匹のマウスに投与したところ, 薬Aは q_A 匹に効き, 薬Bは q_B 匹に効いた. 薬A, Bの有効率 $p_A = q_A/n_A$, $p_B = q_B/n_B$ に差があったと言えるか? 薬A, Bの真の有効率を p_{0A} , p_{0B} とする.

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$



薬の有効率の差の検定

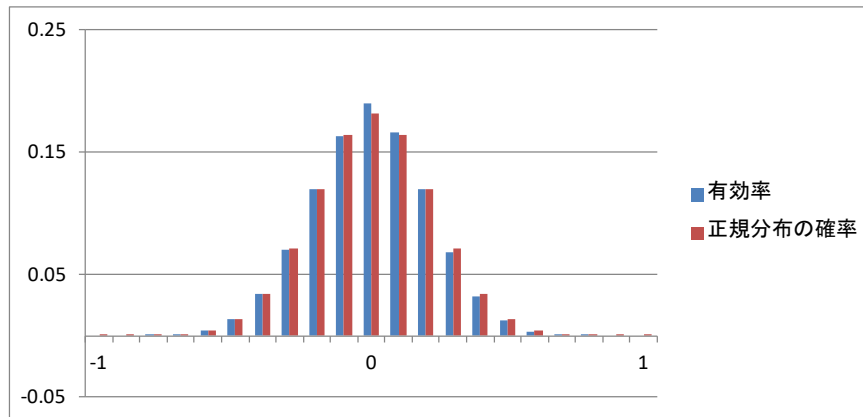
薬A, Bがある. それぞれ n_A 匹, n_B 匹のマウスに投与したところ, 薬Aは q_A 匹に効き, 薬Bは q_B 匹に効いた. 薬A, Bの有効率 $p_A = q_A/n_A$, $p_B = q_B/n_B$ に差があったと言えるか? 薬A, Bの真の有効率を p_{0A} , p_{0B} とする.

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる.



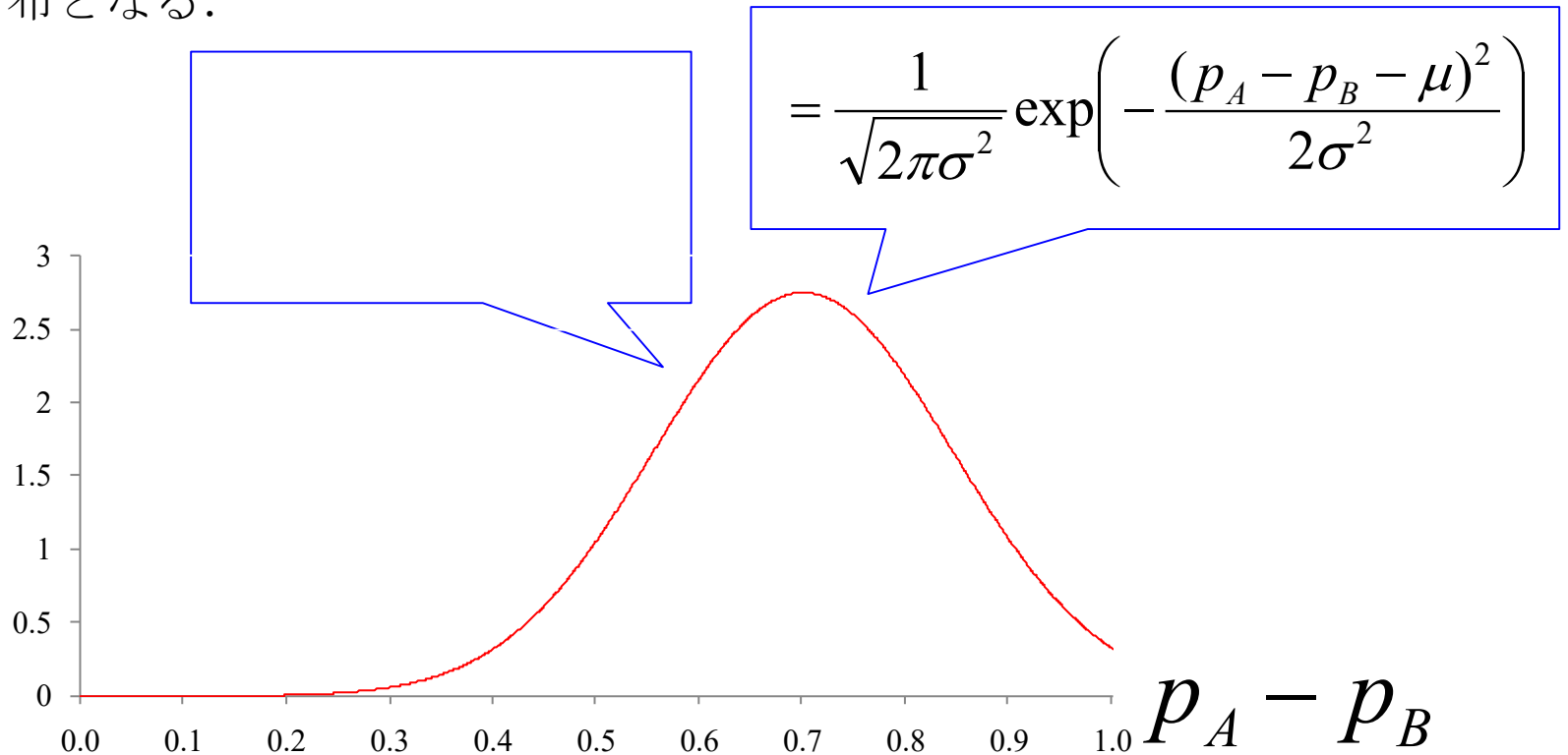
有効率の差の確率分布

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる。



有効率の差の確率分布

$p_A - p_B$ は

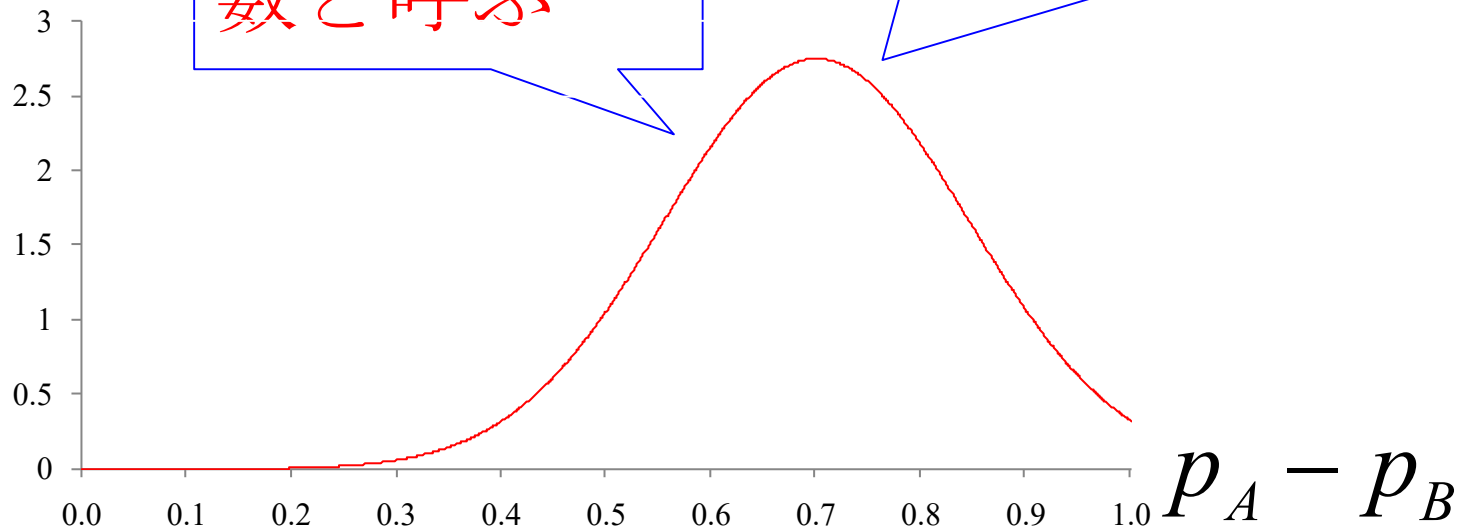
平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる.

確率密度関
数と呼ぶ

$$= \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left(-\frac{(p_A - p_B - \mu)^2}{2\sigma^2}\right)$$



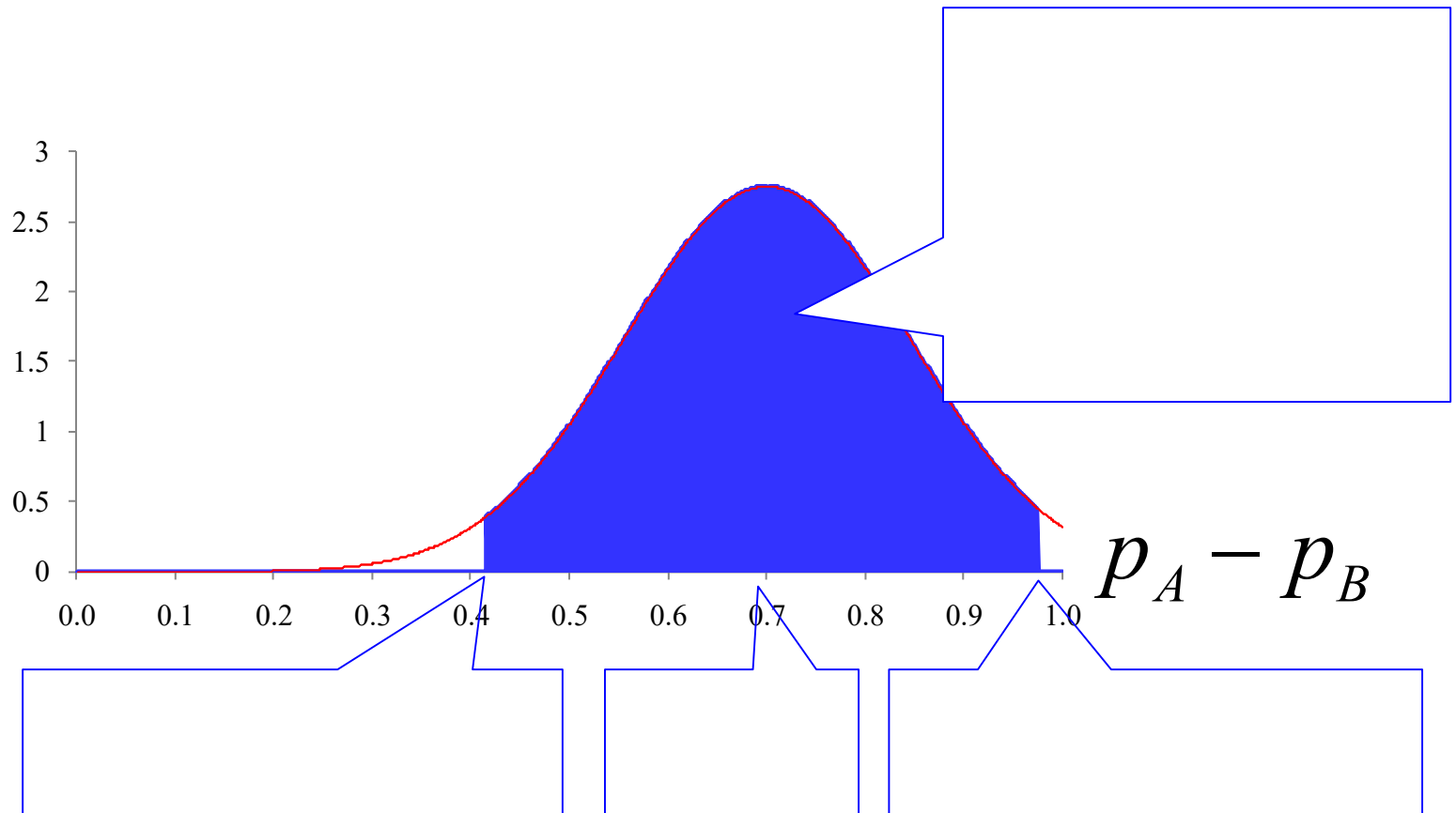
有効率の差の確率分布

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる。



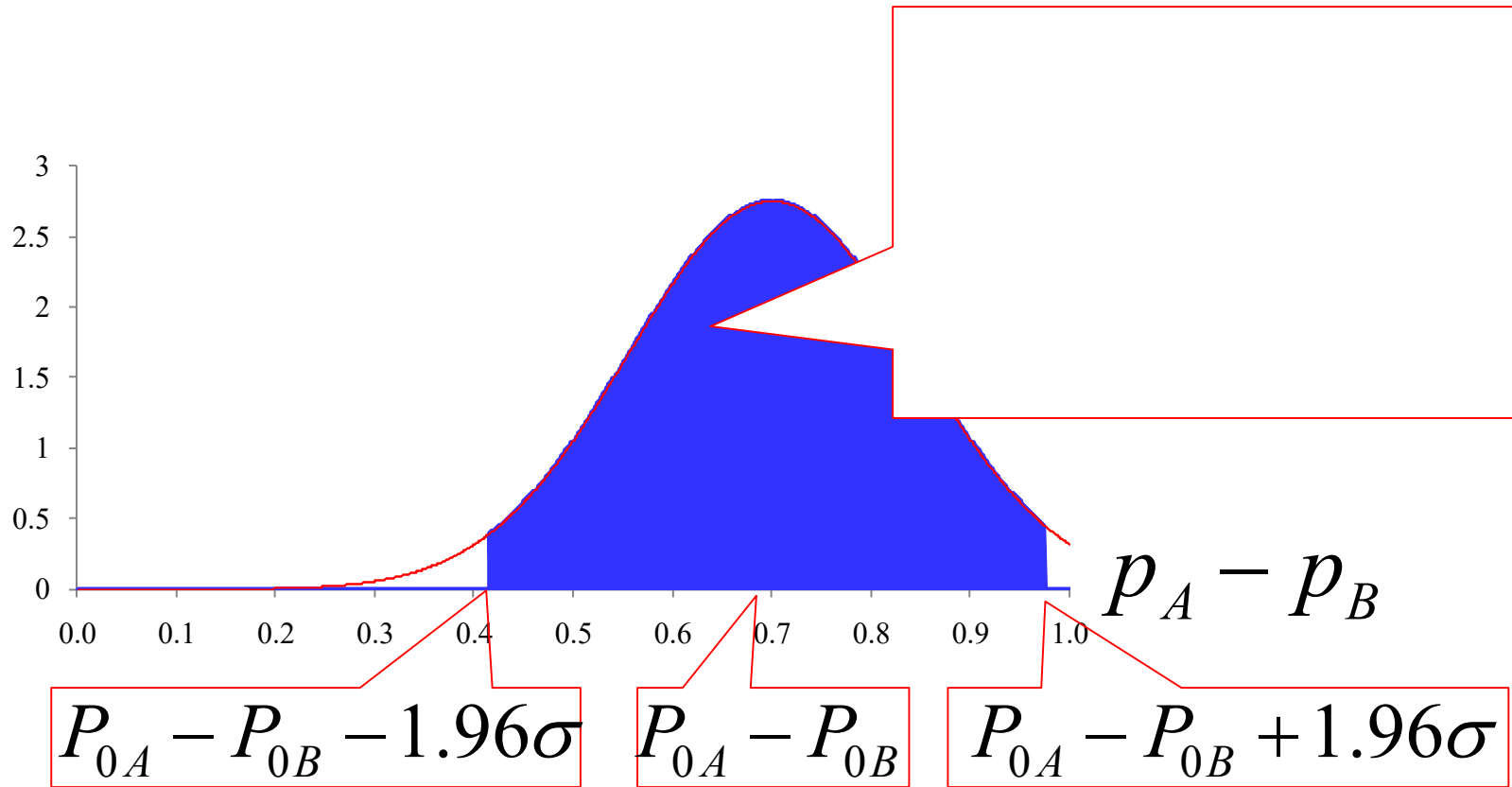
有効率の差の確率分布

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる。



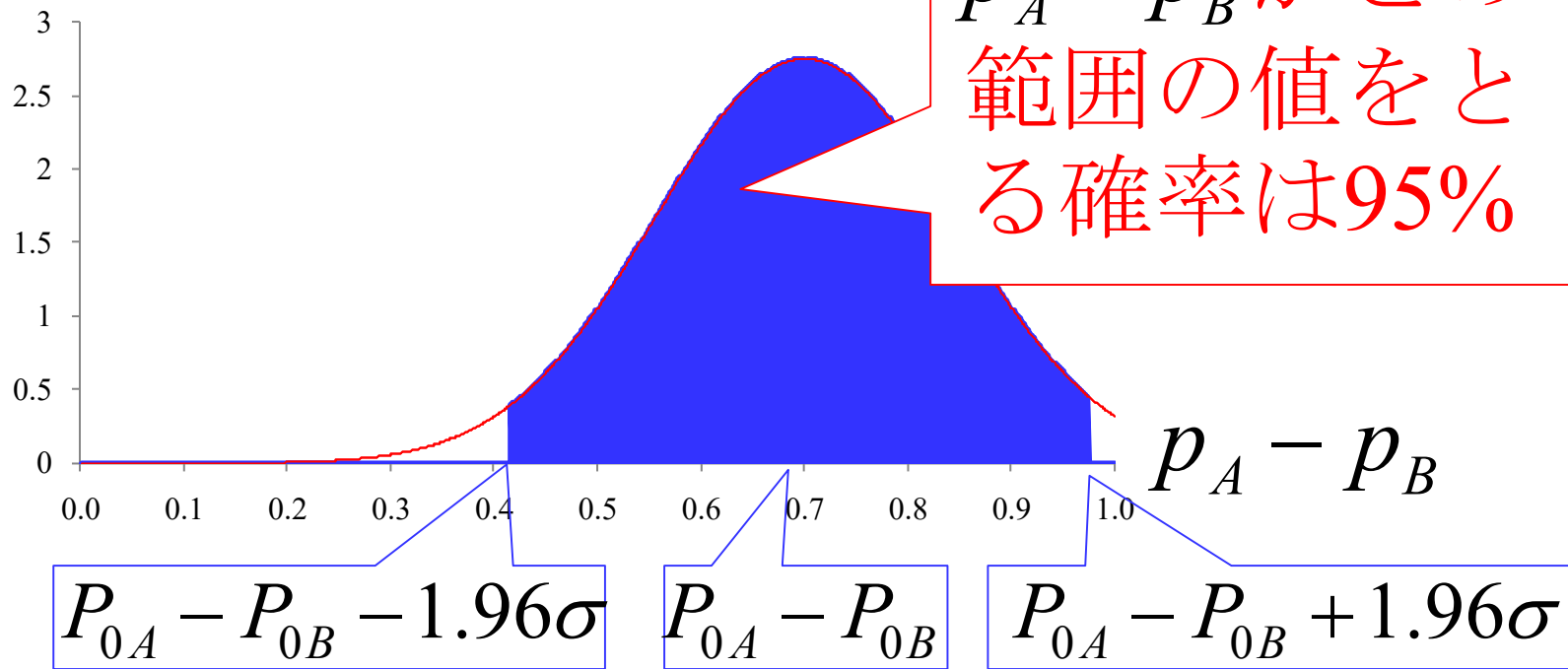
有効率の差の確率分布

$p_A - p_B$ は

平均 $\mu = P_{0A} - P_{0B}$

標準偏差 $\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$

の正規分布となる。



有効率の差 $p_A - p_B$ は

$$P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \leq p_A - p_B \leq P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma$$

95%の確率でこの範囲内にある.

ということは

もしくは

にある確率は, 5%未満である.

有効率の差 $p_A - p_B$ は

$$P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \leq p_A - p_B \leq P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma$$

95%の確率でこの範囲内にある.

ということは

$$p_A - p_B < P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma$$

もしくは

$$P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は, 5%未満である.

有効率の差の検定の考え方

薬A, Bの効き具合に差があるかどうかを検定する場合には、まず、薬A, Bの真の有効率に差がないと仮定する。

帰無仮説：

対立仮説：

有効率の差の検定の考え方

薬A,Bの効き具合に差があるかどうかを検定する場合には、まず、薬A,Bの真の有効率に差がないと仮定する。

これを帰無仮説と呼ぶ。

帰無仮説：

対立仮説：

有効率の差の検定の考え方

薬A,Bの効き具合に差があるかどうかを検定する場合には、まず、薬A,Bの真の有効率に差がないと仮定する。
これを帰無仮説と呼ぶ。

帰無仮説 : $P_{0A} - P_{0B} = 0$

対立仮説 : $P_{0A} - P_{0B} \neq 0$

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \text{ もしくは } P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は、5%未満である。帰無仮説より

とすると、有効率の差 $p_A - p_B$ が



にある確率は、5%未満である。

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \text{ もしくは } P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は、5%未満である。帰無仮説より

$P_{0A} - P_{0B} = 0$ とすると、有効率の差 $p_A - p_B$ が



にある確率は、5%未満である。

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \text{ もしくは } P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は、50%未満である。帰無仮説より

代入

$P_{0A} - P_{0B} = 0$ とすると、有効率の差 $p_A - p_B$ が

にある確率は、5%未満である。

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < P_{0A} - P_{0B} - 1.96\sigma \text{ もしくは } P_{0A} - P_{0B} + 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は、5%未満である。帰無仮説より

$P_{0A} - P_{0B} = 0$ とすると、有効率の差 $p_A - p_B$ が



$$p_A - p_B < -1.96\sigma \text{ もしくは } 1.96\sigma < p_A - p_B$$

にある確率は、5%未満である。

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、

➡ 薬Aと薬Bには差があったと言える。
正確な表現は「

」

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内に無ければ、帰無仮説を棄却
できない。

➡ 薬Aと薬Bには差があったとは言えない。
正確な表現は「

」

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、**帰無仮説を棄却し、対立仮説を採用する。**

➡ 薬Aと薬Bには差があったと言える。
正確な表現は「

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内に無ければ、帰無仮説を棄却できない。

➡ 薬Aと薬Bには差があったとは言えない。
正確な表現は「

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却し、対立仮説を採用する。



薬Aと薬Bには差があったと言える。

正確な表現は「統計的に有意な差があった。」

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内に無ければ、帰無仮説を棄却できない。



薬Aと薬Bには差があったとは言えない。

正確な表現は「

」

有効率の差の検定の考え方

$\bar{x}_A - \bar{x}_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却し、対立仮説を採用する。

➡ 薬Aと薬Bには差があったと言える。
正確な表現は「統計的に有意な差があった。」

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内に無ければ、帰無仮説を棄却できない。

➡ 薬Aと薬Bには差があったとは言えない。
正確な表現は「統計的に有意な差はなかった。」

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却する

薬A, Bの真の有効率に差がない仮定した.

$$P_{0A} - P_{0B} = 0$$

なのに実際に得られた有効率の差 $p_A - p_B$ が出現する確率は5%未満であった.



帰無仮説を捨てよう.



薬Aと薬Bには差があったと言える.

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却する理由は以下の通り。

薬A, Bの真の有効率に差がない仮定した。

$$P_{0A} - P_{0B} = 0$$

なのに実際に得られた有効率の差 $p_A - p_B$ が出現する確率は5%未満であった。



帰無仮説を捨てよう。



薬Aと薬Bには差があったと言える。

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却する理由は以下の通り。

薬A, Bの真の有効率に差がない仮定した。

$$P_{0A} - P_{0B} = 0$$

なのに実際に得られた有効率の差 $p_A - p_B$ が出現する確率は5%未満であった。こんなにめったに起こらないことが目の前に起こっている。何かがおかしい。



帰無仮説を捨てよう。



薬Aと薬Bには差があったと言える。

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ が5%未満の範囲内であれば、帰無仮説を棄却する理由は以下の通り。

薬A, Bの真の有効率に差がない仮定した。

$$P_{0A} - P_{0B} = 0$$

なのに実際に得られた有効率の差 $p_A - p_B$ が出現する確率は5%未満であった。

こんなにめったに起こらないことが目の前に起こっている。
何かがおかしい。

➡ これは仮説が間違っていた。

➡ 帰無仮説は捨てよう。

➡ 薬Aと薬Bには差があったと言える。

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < -1.96\sigma \text{ もしくは } 1.96\sigma < p_A - p_B$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

P_{0A} , P_{0B} は未知であるので、このままでは σ を求められない。そこで

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < -1.96\sigma \text{ もしくは } 1.96\sigma < p_A - p_B$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

P_{0A} , P_{0B} は未知であるので、このままでは σ を求められない。そこで σ の近似値 $\hat{\sigma}$ を用いる。

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{P_A(1-P_A)}{n_A-1} + \frac{P_B(1-P_B)}{n_B-1}}$$

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < -1.96$$

もしくは

$$1.96$$

$$< p_A - p_B$$

有効率の差の検定の考え方

$$p_A - p_B < -1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

もしくは

$$1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}} < p_A - p_B$$

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ の

をとると

$$|p_A - p_B| > 1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

と、一つの不等式にまとめられる。

有効率の差の検定の考え方

$p_A - p_B$ の **絶対値** をとると

$$|p_A - p_B| > 1.96 \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

と、一つの不等式にまとめられる。

小テスト12.1

薬A, Bの真の有効率を, それぞれ $P_{0A} = 0.7, P_{0B} = 0.7$ として, 20匹のマウスに投与する実験を1000組繰り返したとき, 薬A, Bの有効率の差の絶対値 $|p_A - p_B|$ が 1.96σ を超える組数が50組程度となることを確認せよ.

ただし,

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

である.

ヒント

(1) aの絶対値はABS(a)とすれば求められる.

(2) $|p_A - p_B|$ が 1.96σ を超えたときに1を出力し, そうでないとき0を出力する関数

$$= \text{IF}(|p_A - p_B| > 1.96\sigma, 1, 0)$$

小テスト12.2

薬A, Bの真の有効率を, それぞれ $P_{0A} = 0.7$, $P_{0B} = 0.7$ として, 20匹のマウスに投与する実験を行ったとき, 薬A, Bの有効率の差の標準偏差の近似値 $\hat{\sigma}$ は

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\frac{p_A(1-p_A)}{n_A-1} + \frac{p_B(1-p_B)}{n_B-1}}$$

により与えられる. 20匹のマウスへの投与実験を5000回繰り返したときの $\hat{\sigma}$ の平均値が

$$\sigma = \sqrt{\frac{P_{0A}(1-P_{0A})}{n_A} + \frac{P_{0B}(1-P_{0B})}{n_B}}$$

の値に近い値となることを確認せよ.

2013年3月

著者： 古橋武
名古屋大学工学研究科計算理工学専攻
furuhashi@cse.nagoya-u.ac.jp